**Introducción**

Uno de los conceptos básicos en teoría de juegos es el razonamiento iterado, el proceso en el que los jugadores incorporan las creencias que tienen sobre la conducta de los otros jugadores en su toma de decisiones.

Keynes (1936) ilustró el proceso de razonamiento iterado con una analogía: Un concurso en el que los participantes deben elegir de entre cien fotografías de rostros, cuáles piensan que los demás participantes considerarán que son los más atractivos. (Punto y seguido) Tomando en cuenta que todos los participantes se enfrentan al mismo problema, para ganar no basta con ~~deben~~ elegir solamente aquellos ~~cuáles~~ rostros que piensen que son los más atractivos, ~~ni~~ o cuáles piensan que los demás participantes piensan que son más atractivos, sino aquellos que piensen que los demás participantes pensarán ~~piensan~~ que los demás participantes piensan que son los más atractivos. Esto implica tres pasos de razonamiento iterado, ~~pero los participantes son libres de realizar pasos adicionales.~~

Un agente totalmente racional debería realizar tantos pasos de razonamiento iterado como fueran necesarios para llegar a la solución por dominancia del juego (el equilibrio de Nash). En la realidad, las personas no se comportan de forma perfectamente racional, y la cantidad de pasos de razonamiento iterado que realizan es limitada (Stahl & Wilson, 1995).

El juego *p*-Beauty contest, llamado así a partir de la analogía de Keynes, ha sido utilizado para estudiar el razonamiento iterado. (Punto y seguido) En este juego, ~~todos los~~ cada participante~~s~~ debe~~n~~ elegir ~~simultáneamente~~ un número entero en el rango [0 - 100], de manera simultánea y sin revelarlo a los otros jugadores. Posteriormente, se calcula la media de todos los números elegidos ~~por los jugadores~~ y este valor se multiplica por un parámetro *p* que es un número positivo y diferente de 1, conocido de antemano por todos los jugadores~~, positivo y diferente de 1~~, (generalmente se utiliza *p* = 2/3). A este nuevo valor se le llama el número objetivo, y el ganador del juego será el participante que haya elegido el número más cercano a este número.

Si los jugadores utilizaran una cantidad infinita de pasos de razonamiento iterado, llegarían a la solución por dominancia del juego, y todos elegirían el número 0. Experimentalmente esto no ocurre del todo, pero cuando el mismo grupo de participantes juegan repetidamente ~~por varios periodos (repeticiones del juego)~~ (más de un periodo), se ha reportado consistentemente que sus elecciones se acercan paulatinamente al equilibrio con cada ~~nuevo~~ periodo (Nagel, 1995). También se ha observado que dicha ~~Esta~~ tendencia se ~~revierte~~ interrumpe cuando se agregan nuevos participantes ~~son introducidos en e~~ al juego, siendo que los jugadores con experiencia incrementan el número elegido al enfrentarse a estos jugadores novatos, lo que se conoce como efecto de reset (Slonim, 2005).

Se han propuesto varios modelos que dan cuenta de la forma en la que las personas eligen sus números en el juego. (Punto y seguido) Estos modelos capturan la noción de que la elección de las personas ~~depende~~ es un reflejo de su nivel cognitivo (es decir, del número de pasos de razonamiento iterado que son capaces de realizar), así como de las creencias o expectativas que tienen sobre el nivel cognitivo de los demás jugadores.

~~Existen resultados En~~ Algunos estudios (Agranov et al., 2012 y Slonim, 2005) que ~~aportan~~ han intentado explorar el efecto que tienen las creencias sobre el desempeño de los otros jugadores ~~tienen en~~ sobre las elecciones de cada participante, ~~pero~~ evalúan esta relación de forma indirecta, mientras que en otros estudios que han intentado tener un acercamiento más directo, se han encontrado  ~~concluyen que existen~~ inconsistencias entre las creencias sobre lo que harán los otros jugadores y las elecciones reales (Lahav, 2015).

El presente ~~ste~~ trabajo de investigación pretende estudiar de manera directa la relación ~~directa~~ entre las elecciones de las personas y sus creencias sobre las elecciones de los demás, y cómo la experiencia que se adquiere jugando el juego de forma repetida influye en esta relación.

~~Para alcanzar este objetivo se utiliza un~~ Como parte del diseño experimental se corrieron ocho repeticiones del juego ~~en el que se juega~~ *p*-beauty contest  ~~de forma repetida~~ divididos en ~~separando el total de periodos en~~ dos subjuegos, a través de los cuales se remplazó  ~~y reemplazando~~ a la mayoría de los jugadores por nuevos participantes sin experiencia ~~en el segundo subjuego~~, con la intención de ~~aminorar~~ resetear la tendencia de las elecciones a acercarse paulatinamente al equilibrio. También se hace uso de un método para evocar las ~~provocar~~ creencias y poder contrastarlas directamente con las elecciones reales (*elicited beliefs*). <<<Mi vida, este párrafo está muy feo. Esta es mi sugerencia:

El diseño experimental está compuesto por repeticiones del juego p-beauty contest (2 subjuegos compuestos por 4 periodos cada uno). En cada sesión experimental, un solo jugador participaría en el juego durante los dos subjuegos, siendo que al término del Subjuego 1 el resto de sus contrincantes serían remplazados por jugadores nuevos que no habían jugado previamente. Adicional al registro de los números elegidos por cada participante en cada suberiodo, se les solicita que reporten los números que creen que sus oponentes elegirán. Esta medida (Lahav,2015) pretende facilitar la comparaci

El resto de este trabajo de investigación está dividido en cinco apartados: En el primero se presenta el marco teórico, que describe el modelo de nivel-*k* usado para explicar la conducta de las personas en el juego. La sección también revisa la relación empírica entre las elecciones de las personas y sus creencias, y la forma en que la experiencia en juegos repetidos influye en las elecciones de los jugadores. También se detallan los objetivos concretos del trabajo de investigación y las estrategias para alcanzarlos. (Punto y seguido) En el segundo apartado se describe el método utilizado, incluyendo información sobre los participantes, el procedimiento y el diseño experimental. (Punto y seguido) En el tercer apartado se presentan los resultados del experimento. Se reporta el grado de consistencia que existe entre creencias y elecciones de los jugadores en el primero subjuego, el efecto de introducir a participantes sin experiencia en el segundo subjuego, y las diferencias en consistencia entre creencias y elecciones que hay entre los dos subjuegos. (Punto y seguido) Por último, en el cuarto apartado se elabora la discusión a partir de los resultados, y las conclusiones se presentan en el quinto apartado.

1. **Marco teórico**
   1. Modelo de nivel-*k*

Este modelo fue propuesto por Nagel (1995) para dar cuenta de la conducta de las personas en juegos con solución por dominancia, como ocurre en ~~general, y en~~ *p*-beauty contest ~~en particular~~. El modelo ~~establece~~ define los niveles cognitivos que describen el número de ~~cuántos~~ pasos de razonamiento iterado realiza una persona en el juego.

~~Existen~~ Según este modelo, los jugadores con un nivel cognitivo 0~~, caracterizados por~~ serían aquellos que no realizan ningún paso de razonamiento iterado, es decir, que no toman en consideración que las elecciones de los otros participantes inﬂuyen en el cálculo del número objetivo. ~~Para elegir su número,~~ Estos jugadores eligen un número con base ~~se basan~~ en alguna regla arbitraria, (por ejemplo, ~~como~~ su número de la suerte o favorito), ~~50 porque está a la misma distancia de ambos extremos del rango, etc.,~~ por lo que podrían elegir cualquier número dentro del rango establecido con una probabilidad similar.

Un jugador de nivel 1 es aquél que se sí considera que las elecciones de los otros jugadores influyen en el cálculo del número objetivo, pero supone que los otros jugadores no han tomado esto en consideración; el jugador de nivel 1 asume que los demás jugadores son de nivel 0 y elige el número que es la respuesta óptima contra este tipo de jugadores. El jugador asume que la media de números elegidos por todos los jugadores estará cerca de 50 (el mejor predictor de la media de un conjunto de números aleatorios en el rango [0 - 100]) y multiplicará este número por *p* para acercarse lo más posible al número objetivo.

Por su parte, un jugador de nivel 2 no solo considera que las elecciones de otros jugadores influyen en el número objetivo, y también asume que los otros jugadores saben esto; el jugador de nivel 2 elegirá el número que es la respuesta óptima contra una población de oponentes de nivel 1. Como estos eligen números cercanos a 50\**p*, el jugador de nivel 2 debe multiplicar por *p* nuevamente para acercarse al que piensa que será el número objetivo, esto es ~~50\*~~*~~p~~*~~^2~~ .

~~Generalizando~~ En general, un jugador de nivel *k* elegirá la respuesta óptima contra una población de jugadores de nivel *k*-1, ~~que puede expresarse como~~ es decir ~~50\*~~*~~p~~*~~^~~*~~k~~*  . Con base en esta regla, el modelo ~~clasifica a los jugadores en un~~  computa el nivel cognitivo de los jugadores en función ~~de~~ a cuál de los intervalos de elección establecidos por el modelo pertenece su número elegido.

Por lo tanto, la elección de los jugadores depende de tres elementos: 1) sus creencias sobre como juegan los participantes de nivel 0, 2) sus expectativas sobre el nivel cognitivo de los oponentes, y 3) el número de pasos de razonamiento que son capaces de hacer en el juego (Agranov et al., 2012).

En la siguiente sección se ahonda sobre el segundo elemento: las expectativas (i. e. creencias) sobre el nivel cognitivo de los oponentes, y la evidencia que se ha encontrado sobre su relación con la elección.

* 1. Relación entre creencias y elecciones

Para aportar evidencia empírica de la influencia de las creencias ~~sobre~~ acerca de la sofisticación de los otros jugadores ~~en~~ sobre las elecciones de los jugadores en *p*-beauty contest, Agranov et al. (2012) manipularon las creencias que los participantes tenían sobre sus oponentes en un juego de *p*-beauty contest, informando a  ~~en una condición se le dijo a~~ cada participante que jugaría contra 7 estudiantes graduados de economía con conocimiento sobre este tipo de juegos, o bien, ~~mientras que en otra condición se les dijo que jugarían~~ contra 7 computadoras ~~que elegían~~ programadas para emitir números en el rango [0 – 100] con la misma probabilidad. (Punto y seguido) En este estudio se encontró que  ~~condición con estudiantes graduados,~~ los números registrados por los participantes mostraron un nivel cognitivo significativamente mayor en la condición en que se enfrentaban a estudiantes graduados que en la condición de las computadoras. (Punto y seguido) ~~Con~~ Este resultado parece sugerir ~~, los autores aportaron evidencia a favor de~~ que el nivel cognitivo que muestran las personas en juegos de *p*-beauty contest depende no únicamente de su sofisticación cognitiva, sino también de sus creencias sobre la sofisticación de los otros jugadores.

~~Con la intención de~~ Para estudiar de forma mucho más directa la relación entre creencias y elecciones, Lahav (2015) utilizó un método de creencias provocadas (*elicited beliefs*) en sesiones experimentales compuestas por 5 repeticiones (periodos) del p-beauty contest con hasta 20 participantes~~, que jugaron por 5 periodos~~. En cada periodo, además de elegir su propio número, se les pidió a los participantes que estimaran cuántos de los otros participantes elegirían un número~~s~~ dentro en los intervalos de 10 en 10 (0-10, 11-20, 21-30, …, 91-100). Usando estas estimaciones, se calcularon las creencias de los participantes sobre el número promedio en cada periodo del juego. (Punto y seguido) Con este método, contrario con investigaciones previas, Lahav (2015) concluye que las elecciones no son un reflejo preciso de las creencias de ~~las personas~~ los participantes, pues encuentra diferencias significativas entre el número objetivo computado de acuerdo a las creencias de los participantes acerca de las tiradas de sus contrincantes y ~~sobre el número promedio multiplicadas por~~ *~~p~~*, y el número que de hecho registran  ~~la elección real de~~ los participantes.

Se considera importante realizar las siguientes puntualizaciones sobre el método, los resultados y conclusiones de Lahav (2015), para tomarlos en cuenta en el diseño experimental y análisis de datos utilizado en el presente estudio:

Debido a que el presente trabajo de tesis incorpora el método de Lahav para recopilar las creencias de los jugadores acerca de las tiradas de sus oponentes en juegos p-beauty contest, se enfatizan los siguientes puntos respecto del trabajo de Lahav (2015):

1) Por el método utilizado para provocar las creencias, la creencia sobre el número promedio solo es una aproximación.

1.- No se conoce con exactitud la creencia de los participantes sobre el número objetivo. Esta se calcula de manera aproximada, a partir del número de jugadores que se creen elegirán un número en cada intervalo (y tomando la media de cada intervalo como el valor más representativo de los mismos).

2) Con alrededor de 20 personas participando en el juego, ~~que los jugadores basen su elección en un cómputo exacto~~ parece inverosímil que los jugadores puedan calcular con precisión el número objetivo derivado de sus creencias para emitir su respuesta.

3) De acuerdo a los  ~~Gracias a la implementación de~~ grupos control, ~~se determinó que~~  solicitar a los participantes que registraran sus creencias no cambia\* significativamente ~~en~~ el número elegido de los participantes.

4) El último periodo del juego fue el único en el que no ~~hubo~~ se encontraron diferencias significativas entre creencias y elecciones, lo que ~~apunta a la posibilidad de~~  podría sugerir que ~~esta~~ dicha discrepancia disminuye con la experiencia.

5) Dado que se sabe que los participantes tienden a elegir números cada vez más pequeños en cada periodo y que esto reduciría invariantemente la magnitud de cualquier diferencia entre elecciones y creencias (Ya que las diferencias entre números ~~más~~ pequeños ~~producen diferencias~~ son, por definición, más pequeñas), Lahav ~~intento remediar la tendencia de los números elegidos a aproximarse cada vez más al equilibrio luego de cada periodo implementando~~ implementó un método de normalización ~~en~~ con el que ponderó las diferencias entre las creencias y elecciones de cada participante en cada periodo por el promedio real de los números elegidos por todos los participantes en ~~ese~~ dicho periodo. Sin embargo, este método “castiga” ~~más~~ severamente las diferencias entre creencias y elecciones ~~cuando estas están~~ que caen por arriba del promedio de números elegidos ~~de~~ en ese periodo y  ~~no solo considera la diferencia entre creencias y elecciones, sino~~ también considera qué tan sofisticadas son las ~~es la~~ elecciones y creencias de los participantes, por lo que podría no ser la mejor forma de compensar la tendencia al equilibrio. (No creo que este último punto haya quedado claro (la relación entre el castigo, la sofisticación y la inadecuación de este método)

El resultado mencionado en el punto 4 permite cuestionar si la discrepancia entre creencias y elecciones se ve afectada por la experiencia que tienen los participantes en el juego. En la siguiente sección se revisa el efecto de la experiencia en juegos repetidos de *p*-beauty contest.

* 1. Efecto de la experiencia

Para estudiar el efecto de la experiencia en juegos repetidos de *p*-beauty contest, Slonim (2005) realizó ~~sesiones de juego de~~ 12 repeticiones del juego (periodos), ~~divididas~~ distribuidas equitativamente en tres subjuegos, con tres jugadores por periodo. ~~de cuatro periodos cada uno. En todos los cada periodo de juego participaban tres personas cada vez.~~

En una primera condición ~~experimental~~, ~~luego del~~ al terminar el primer subjuego~~,~~ dos jugadores salían ~~del juego~~ y ~~fueron~~ eran reemplazados por dos participantes que no habían jugado ~~el juego~~ previamente. ~~El jugador que no fue reemplazado continuó en el grupo.,~~ quienes ~~Los tres jugadores participaron en el segundo subjuego, luego~~ permanecían en el juego hasta el término del segundo subjuego, momento en el cual eran reemplazados a su vez por ~~cual los jugadores que habían entrado al inicio del subjuego 2 salieron del juego~~ dos jugadores nuevos ~~entraron~~ para jugar el subjuego 3 ~~junto con el participante que no fue reemplazado~~. En otras palabras, sólo un participante jugó en los 12 periodos, enfrentándose a ~~junto con~~ dos jugadores distintos ~~nuevos~~ en cada subjuego. Con esta manipulación, se garantizó que uno de los jugadores contara con más ~~mayor~~ experiencia que ~~los~~ sus oponentes  ~~demás~~ en los subjuegos 2 y 3.

En una segunda ~~otra~~ condición ~~experimental~~, también se extraían dos jugadores  ~~también eran reemplazados~~ al ~~inicio~~ término de cada subjuego, pero en esta ocasión ~~los nuevos jugadores que ingresaban al juego~~ eran remplazados por jugadores que contaban con la misma experiencia (número de juegos jugados) que el jugador que permanecía en el grupo.

En ~~ambas condiciones~~ cualquiera de estas dos condiciones~~,~~ ~~todos~~ se proporcionaba información a los participantes ~~eran informados~~ acerca del nivel de experiencia de ~~los demás participantes~~ sus oponentes en cada subjuego.

<<< However, yo simplificaría los tres últimos párrafos en uno solo:

En una primera condición, al terminar cada Subjuego se reemplazaba a dos de los tres participantes por jugadores nuevos, siendo que sólo un jugador permaneció en el experimento durante los 12 periodos completos. En una segunda condición, los dos participantes desechados al término de cada subjuego eran sustituidos por jugadores con la misma experiencia (es decir, que habían jugado la misma cantidad de periodos que los participantes eliminados). En ambas condiciones, los participantes tenían información acerca de la experiencia de sus oponentes (el número periodos jugados).

Slonim (2005) reportó que en el primer periodo de los subjuegos 2 y 3, los jugadores con más experiencia mostraron un mayor nivel cognitivo ~~observado~~ (~~números elegidos~~ es decir, eligieron números más cercanos a 0) cuando sabían que jugaban contra oponentes que ~~también~~ contaban con la misma experiencia que ellos, ~~comparado a~~ que cuando ~~sabían que~~ jugaban contra oponentes que no habían jugado previamente. Este resultado aporta evidencia a favor de que las creencias sobre el nivel cognitivo de los otros jugadores influyen en las elecciones. (Punto y seguido). Por su parte, ~~En contraste,~~ los jugadores sin experiencia no mostraron diferencias signiﬁcativas en sus elecciones cuando jugaron con ~~otros~~ oponentes experimentados o no experimentados. ~~con o sin experiencia o con oponentes e xperimentados.~~

~~Sobre el~~ En cuanto al efecto de la experiencia en el desempeño de los jugadores, también se observó que los jugadores experimentados ganan el juego con mayor frecuencia cuando juegan contra ~~los otros~~ jugadores ~~no cuentan con~~ sin experiencia, ~~pero esta~~ ventaja que se reduce periodo a periodo, conforme los otros jugadores adquieren experiencia.

~~Adicionalmente~~ Además, la varianza en~~tre~~ las elecciones de los jugadores experimentados en el primer periodo de cada subjuego es significativamente más pequeña en ~~el primer periodo del~~ los subjuegos 2 y 3~~,~~ en comparación con el subjuego 1. Esto parece sugerir  ~~lo que aporta evidencia de~~ que los jugadores experimentados aprenden a responder óptimamente a jugadores sin experiencia (No creo que quede muy clara la relación entre la varianza y la optimabilidad).

Un último resultado reportado por ~~Por otro lado,~~ Slonim (2005) –y probablemente el de mayor relevancia para efectos de la presente tesis-  ~~reporta~~  corresponde a un efecto de reset en la tendencia a ir reduciendo el número elegido en cada periodo  ~~las elecciones de los participantes que se mantienen en el juego~~ al iniciar un nuevo subjuego. Es decir, ~~para~~ que los jugadores con experiencia presentan una reversión en la tendencia a elegir números cada vez más cercanos al equilibrio ~~periodo a periodo se revierte~~ cuando nuevos jugadores entran en el juego.

~~Todos los efectos causados por la experiencia de los participantes se observaron tanto en el subjuego 2 como en el subjuego 3.~~

Con base en estos hallazgos, y los reportados en las secciones anteriores, ~~en la siguiente sección~~ se procede a plantear formalmente el objetivo de este trabajo de investigación, ~~y~~ así como las estrategias metodológicas empleadas para llevarlo a cabo.

* 1. Objetivo

El presente trabajo de investigación busca evaluar si la reducción en las diferencias entre las creencias y elecciones reportada con el método de provocación de creencias propuesto por Lahav (2015)~~, luego de provocar creencias en los jugadores en~~ *~~p~~*~~-beauty contest, las discrepancias entre las creencias y elecciones de los jugadores disminuyen~~ ~~por efecto de~~  depende de la experiencia obtenida al participar repetidas veces en el juego.

Para responder a esta pregunta, se ~~pueden~~ propone ~~provocar las creencias de los jugadores utilizando~~ una versión modificada del método de Lahav (2015)~~: Con~~ que contempla la participación de un grupo más pequeño de jugadores~~, es posible~~ y facilita preguntar a los participantes directamente por las creencias sobre ~~el número~~ los números específicos que elegirán los demás participantes, ~~con lo que la~~ permitiendo una estimación de las creencias ~~es~~ más precisa y de manera que resulte ~~es~~ más verosímil esperar ~~que haya~~ una correspondencia directa entre las elecciones de los participantes y el cómputo del número objetivo de acuerdo a sus creencias ~~y elecciones.~~

Para atenuar el peso que tiene la tendencia a elegir números cada vez más pequeños entre cada periodo, se ~~puede provocar~~ busca promover ~~un~~ el efecto de reset reportado por Slonim (2005) en la elección de jugadores con experiencia, ~~como el reportado por Slonim (2005),~~ al tener jugadores que participarán durante más de un Subjuego y sustituyendo al resto por nuevos jugadores en un *p*-beauty contest repetido. Se espera que el efecto de reset ~~deberá~~ opere no sólo en  ~~alejar del equilibrio~~ la~~s~~ elecciones, sino también en ~~y~~ las creencias del jugador experimentado, lo que permitiría ~~observar~~ evaluar si la diferencia entre estas sigue reduciéndose, como ocurre en lo reportado por Lahav(2015) en el último periodo registrado, donde parece ser que las elecciones y las creencias se vuelven “consistentes”. ~~cómo difieren las creencias y elecciones cuando se elimina la tendencia a elegir números más pequeños.~~

En el presente trabajo se decidió utilizar únicamente dos subjuegos ya que los efectos de la experiencia reportados por Slonim (2005) no mostraron ser significativamente diferentes entre el Subjuego 2 y 3.  ~~se observaron desde el segundo subjuego realizado, no se considera necesario incluir un tercer subjuego para este experimento. Adicionalmente, puede~~ En conjunto, el diseño experimental aquí propuesto permite determinar~~se~~ si las creencias de los jugadores que participan en los dos subjuegos se acercan más a las elecciones reales de los otros jugadores en el segundo subjuego gracias a que cuentan con mayor experiencia.

Para evaluar las diferencias entre creencias y elecciones, se propone, además de usar la medida implementada por Lahav (2015), calcular la diferencia relativa entre creencias y elecciones, esto es, la diferencia entre ambos valores ponderada por su punto intermedio. Se utiliza esta medida ya que no depende de la elección promedio de los jugadores en cada periodo.

~~Adicionalmente, puede~~ En conjunto, el diseño experimental aquí propuesto permite determinar~~se~~ si las creencias de los jugadores que participan en los dos subjuegos se acercan más a las elecciones reales de los otros jugadores en el segundo subjuego gracias a que cuentan con mayor experiencia. 🡨 Este párrafo yo lo pondría antes (Señalado en verde)

1. **Método**
   1. Participantes

Se contó con la participación de 50 estudiantes de los primeros semestres de la carrera de Psicología en la Facultad de Psicología de la Universidad Nacional Autónoma de México, ~~que fueron invitados a participar de forma voluntaria en el experimento~~. A cambio de su participación, ~~Por su participación,~~ todos los estudiantes recibieron medio punto extra sobre la calificación de uno de sus exámenes, y ~~mientras que aquellos~~ los participantes que ganaron más veces ~~obtuvieron más ganancias al final del juego~~ recibieron adicionalmente otro medio punto extra.

* 1. Diseño experimental

Se realizaron 10 sesiones experimentales con 5 participantes diferentes ~~en cada una, . Las sesiones se llevaron a cabo~~ en un aula sin distracciones externas. Al inicio de cada sesión se asignó aleatoriamente ~~de forma aleatoria~~ un rol a cada participante (~~Participantes~~ A, B, C, D y E).

Las sesiones estuvieron compuestas de ocho juegos repetidos de p-beauty contest (periodos), divididos en dos subjuegos de cuatro periodos ~~cada uno~~. En cada subjuego participaron ~~Los grupos de jugadores fueron de~~ solo tres personas: ~~en todos los periodos~~. (Punto y seguido) En el primer subjuego, los participantes A, B y C jugaron por cuatro periodos, mientras los participantes D y E esperaban en un aula diferente sin poder ~~, y no pudieron~~ hablar entre ellos. Terminado el subjuego 1, los participantes B y C se retiraban y eran reemplazados para el ~~, y en~~ subjuego 2 por los participantes D y E. En el segundo Subjuego, los participantes A, D y E jugaron por cuatro periodos, al final de los cuales se dio por terminado el experimento. (Añadí el último párrafo que tu tenías en esta sección al final del segundo párrafo.)

Además de elegir su número en el juego, se solicitó a cada participante ~~debía elegir~~ que en cada periodo escribieran dos números que creyeran ~~que estarían~~ que estarían lo más cerca posible de los números elegidos por los otros dos jugadores.

* 1. Procedimiento

En cada sesión se citó a los 5 participantes~~, que fueron reunidos~~ en un aula ~~en la que primero~~ donde se les leyó las instrucciones del experimento: Se les explicó cómo jugar *p*-beauty contest y se les dio la instrucción adicional de  ~~que en cada periodo además debían~~ intentar adivinar el número a elegir por ~~de~~ los otros jugadores y registrar dos creencias por periodo. También se les explicó que la ~~división de la~~ sesión se dividiría en dos subjuegos con tres participantes en cada uno. Finalmente se hizo de su conocimiento las ganancias que podrían acumular en caso de dar el número más cercano al número objetivo (6 puntosa dividir entre todos los ganadores), o bien, de acertar en la predicción de las tiradas de sus compañeros (1 punto por cada número acertado dentro de un rango de +/-5)  ~~y las ganancias que obtendrían por ganar el juego o por acercarse sus creencias a las elecciones reales de los otros jugadores.~~ Las ~~Estas~~ instrucciones se anexan como Apéndice al final del presente documento. ~~pueden consultar en el apéndice.~~

Los participantes asignados mediante ~~un~~ sorteo ~~se seleccionó a dos participantes~~ a los roles D y E ~~(roles D y E)~~ ~~para que~~ esperaron en un aula separada, en la que se cuidó que no hablaran entre ellos. Mientras tanto, a los otros tres participantes (roles A, B y C) se les entregaron cuatro formatos de respuesta para que en cada periodo escribieran su número elegido y sus creencias ~~en cada periodo~~. Los formatos incluían una clave de identificación única para cada participante, el número de periodo ~~al que correspondía el formato~~ y los espacios para que los participantes escribieran su número elegido y su estimación de los números a elegir por los otros dos participantes. Un ejemplo de estos formatos se puede consultar en el apéndice.

Los participantes A, B y C jugaron cuatro periodos de *p*-beauty contest, durante los cuales registraron tanto su propia elección como sus predicciones acerca de las elecciones de sus oponentes. ~~En cada periodo, además de escribir su número elegido, debían estimar el número de los otros jugadores~~. Al terminar cada periodo, luego de que los participantes llenaran sus formatos, estos se ~~pasó a~~ recogían y se anotaban en el pizarrón del aula todos los números elegidos, sin indicar qué participante había elegido cada uno. Inmediatamente y de manera explícita, se calculaban el promedio de estos números y el número objetivo, y ~~ambos~~ se anotaban en el pizarrón. (Punto y seguido). Una vez hecho esto, se anunciaba qué jugador o jugadores habían elegido el número más cercano al número objetivo, y se les anotaba una ganancia de 6 puntos de juego distribuidos ~~divididos~~ entre todos los ganadores. También se estableció qué jugadores habían estimado acertadamente los números elegidos por ~~de~~ los otros jugadores con un margen de error de 5 números de diferencia  ~~por arriba o por debajo de sus elecciones reales,~~ y se les ~~asignó~~ anotó una ganancia de 1 punto por cada acierto. Una vez realizado este proceso, se devolvía ~~Se le devolvió~~ su formato de respuesta a cada candidato, anotando en el reverso de los mismos ~~formatos se incluyó~~ el total de puntos de juego ~~que habían~~ obtenidos en ese periodo, (que podía oscilar entre 0 y 8). (Punto y seguido) Luego de que los participantes conocieran los puntos que obtuvieron en cada periodo, se borraba el pizarrón y se daba paso al siguiente periodo.  ~~del pizarrón todos los números de ese periodo. El siguiente periodo comenzó al indicarles a los participantes que escribieran su número y su estimación del número de los otros jugadores, nuevamente.~~

Al terminar los ~~Terminados~~ cuatro primeros periodos de juego (El subjuego 1), se contabilizaron los puntos obtenidos por cada participante ~~a lo largo del subjuego,~~ y se anunciaba al participante ganador de la mayor cantidad de puntos. Si el jugador con más puntos era el participante B o C, se le anunciaba que obtenía otro medio punto extra adicional en su examen, además del medio punto ~~extra~~ que ya había obtenido por ~~haber~~ participar en el experimento. (Punto y seguido) Si la persona con más puntos era el ~~jugador con el rol de~~ participante A, se le decía que para obtener el medio punto extra adicional debía ganar también en el siguiente subjuego.

Tras anunciar el ganador del Subjuego 1,  ~~Luego de realizar estos anuncios,~~ se despedía a los participantes B y C, y los participantes D y E ingresaban ~~regresar~~ al aula ~~donde se realiza el juego~~. Antes de comenzar con el Subjeugo 2, se dio un breve recordatorio de las reglas del juego, haciendo ~~y se hizo~~ hincapié en que el participante A contaba con más experiencia que sus oponentes tras ~~de~~ haber jugado cuatro periodos. ~~mientras que los participantes D y E no contaban con ninguna experiencia en el juego.~~

El subjuego 2 se llevó a cabo de la misma forma que el subjuego 1. Al final de cuatro periodos se contabilizaron los puntos de juego adquiridos por cada participante, y el que obtuvo la mayor cantidad recibió el medio punto extra sobre su examen, además del medio punto extra otorgado por haber participado en el experimento.

Con el término del subjuego 2 y el anuncio del participante ganador, se despedía a los participantes y se daba por terminada la sesión.

1. **Resultados**
   1. Consistencia entre creencias y elecciones en el primer subjuego

El primer subjuego del presente experimento presenta una replicación parcial del experimento de Lahav (2015). En ambos casos se juega *p*-beauty contest por varios periodos y se utiliza un método de creencias provocadas. Las diferencias radican en el número de jugadores ~~en cada~~ por periodo ~~juego~~ (3 en el presente experimento, y hasta 20 en el de Lahav), la cantidad de periodos jugados (4 en el presente experimento y 5 en el de Lahav), y el método utilizado para ~~provocar~~ evocar las creencias (en el presente experimento se preguntó directamente por el número que se creía tirarían los oponentes, mientras que en el experimento de Lahav se estimaba el número de jugadores que elegirían un número dentro de ciertos rangos). ~~preguntar un número directamente en el presente experimento, y pedir que se estime la cantidad de jugadores que elegirán números dentro de ciertos rangos en el de Lahav).~~

Para evaluar la consistencia entre las creencias de los participantes y los números elegidos se emplearon dos métodos: el primero de ellos, computa la diferencia normalizada entre las creencias y las elecciones de los participantes de acuerdo con las elecciones promedio observadas en cada periodo, (Lahav, 2015); el segundo, calcula una diferencia relativa (Slonim, 2005). A su vez, para evaluar el cómputo realizado por los participantes, se realizaron dos versiones de cada uno de estos métodos que diferían únicamente en si incluían la multiplicación por el parámetro p, o no.

~~Tomando en cuenta estas diferencias~~ El procedimiento sugerido por Lahav (2015) para calcular las diferencias normalizadas entre las creencias y las elecciones de cada participante en cada periodo, fue incorporado a partir de la siguiente ecuación:

~~DN~~*~~ti~~* ~~= (2/3 \* B~~*~~ti~~* ~~– C~~*~~ti~~*~~) /Cm~~*~~t~~*

Donde es la Diferencia Normalizada entre creencias y elecciones de cada participante (i) en el periodo (t), computada a partir de la diferencia entre  ~~B~~*~~ti~~* ~~es~~ la media de los números que el participante *i* estimó que elegirían los otros dos jugadores en el periodo *t,* ()~~, C~~*~~ti~~* ~~es~~ y el número elegido por el participante *i* en el periodo *t* (), normalizada por ~~y Cm~~*~~t~~* ~~es~~ el promedio real de los números elegidos por todos los participantes en el periodo *t,* ().

~~Para determinar si son consistentes, se promediaron las diferencias entre creencias y elecciones de todos los participantes en cada periodo, y se analizó si estos valores eran significativamente diferentes de cero.~~ Una vez computadas las diferencias por cada sujeto y periodo, se computó el promedio de las mismas para poder someterlas a un análisis estadístico que permitiera evaluar si estas fueron significativamente diferentes de 0. (Punto y seguido) ~~A partir de~~ Para ello, se realizó una prueba-T de una sola muestra, donde sólamente se encontraron diferencias significativas ~~únicamente~~ en los primeros dos periodos del juego (Ver Tabla 1)~~. Estos resultados se presentan en la Tabla 1.~~

Tabla 1. Subjuego 1. Diferencias normalizadas.

| **One Sample T-Test** | | | | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **t** | | **df** | | **p** | | **Mean Difference** | |
| Periodo 1 |  | -3.426 |  | 29 |  | 0.002 |  | -0.366 |  |
| Periodo 2 |  | -3.677 |  | 29 |  | < .001 |  | -0.342 |  |
| Periodo 3 |  | -0.895 |  | 29 |  | 0.378 |  | -0.097 |  |
| Periodo 4 |  | -1.651 |  | 29 |  | 0.110 |  | -0.147 |  |
|  | | | | | | | | | |
| Falta pie de tabla. | | | | | | | | | |

Como un análisis complementario se realizó también ~~En la Tabla 2 se reportan los resultados de~~ una prueba-t bayesiana de una sola muestra para cada periodo de juego~~, que se realizó como un análisis complementario que ofrece una alternativa al~~ *~~p~~*~~-value como medida de significancia estadística~~. En la Tabla 2 se reporta el factor de Bayes obtenido en dicho análisis, que funciona como una alternativa al p-value como medida de significancia estadística y permite estimar qué tantas veces es más probable que la evidencia corresponda con la hipótesis alterna (hay diferencia entre creencias y elecciones) respecto a la hipótesis nula (no hay diferencia entre creencia y elecciones).

Tabla 2. Subjuego 1. Diferencias normalizadas.

| **Bayesian One Sample T-Test** | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **BF₁₀** | | **error %** | |
| Periodo 1 |  | 19.300 |  | 1.823e -6 |  |
| Periodo 2 |  | 34.545 |  | 3.137e -4 |  |
| Periodo 3 |  | 0.281 |  | 2.840e -5 |  |
| Periodo 4 |  | 0.652 |  | 0.015 |  |
|  | | | | | |

Falta pie de tabla

Los valores del factor de Bayes para cada periodo confirman los resultados obtenidos en la ~~primera~~ prueba-t frecuentista.

En la Figura 1 se presentan las distribuciones prior y posterior computadas en cada periodo. Las distribuciones prior señalan la hipótesis nula (las diferencias estarán cercanas a 0) y la distribución posterior presenta el estimado realizado a la luz de los datos. La forma más sencilla de interpretar estas gráficas es como una razón de probabilidades: si la densidad de probabilidad es mayor en la distribución prior que en la distribución posterior para el punto que señala un tamaño del efecto 0 (, quiere decir que la evidencia favorece la hipótesis alterna, ya que que a la luz de la evidencia es “muy poco probable” (menos de lo que se esperaba de acuerdo a la distribución prior) que el tamaño de efecto tenga un valor cercano a 0. ~~s-la densidad de la distribución prior está por arriba de la posterior cuando el tamaño del efecto es 0, el factor de Bayes apoya la hipótesis alternativa de que existe una diferencia.~~

~~Figura 1. Subjuego 1. Diferencias normalizadas.~~

##### C:\Users\Neli\AppData\Local\JASP\temp\clipboard\resources\1\_84.pngC:\Users\Neli\AppData\Local\JASP\temp\clipboard\resources\1\_98.png

##### Periodo 1 Periodo 2

##### C:\Users\Neli\AppData\Local\JASP\temp\clipboard\resources\1\_99.pngC:\Users\Neli\AppData\Local\JASP\temp\clipboard\resources\1\_100.png

Periodo 3 Periodo 4

Figura 1. Se presenta la comparación entre las distribuciones prior y las distribuciones posteriores computadas en las pruebas-t bayesianas de una sola muestra, por cada uno de los cuatro periodos contenidos en el primer subjuego.

Estos resultados son consistentes con ~~asemejan a los~~ lo que reporta Lahav (2015): en los primeros periodos no hay consistencia entre creencias y elecciones, pero ~~sí se observa en los últimos~~ esta parece adquirirse conforme avanzan los periodos. Así mismo, ~~También como lo reportado por Lahav,~~ en todos los casos se encontraron diferencias negativas entre creencias y elecciones ~~son negativas~~, lo que indica que en promedio las creencias de los participantes estuvieron por debajo de sus elecciones reales. Pregunta: Si es “en todos los casos” que la diferencia es negativa, cómo es que después hablas de “en promedio” y no simplemente de que así ocurre y ya :P

En el estudio presentado por Lahav (2015), el cómputo de la diferencia entre las creencias y las elecciones se repitió ~~el análisis~~ omitiendo ~~en el cálculo de las diferencias~~ la multiplicación por *p*, en un intento por evaluar  ~~para probar~~ si las inconsistencias halladas entre las creencias y las elecciones se debían a que los participantes no hubieran realizado dicha ~~omitido esta~~ operación. El presente trabajo también incorporó dicha variación del análisis, que se llevó a cabo de acuerdo a la siguiente ecuación: ~~Para replicar este análisis, la diferencia entre creencias y elecciones para el participante~~ *~~i~~* ~~en el periodo~~ *~~t~~* ~~se calculó de la siguiente manera:~~

~~DN~~*~~ti~~* ~~= (B~~*~~ti~~* ~~– C~~*~~ti~~*~~) /Cm~~*~~t~~*

Nuevamente, las diferencias promedio computadas en cada periodo asumiendo que los participantes no multiplicaron sus creencias por p, fueron evaluadas con pruebas-T de una sola muestra. La versión frecuentista de este análisis arrojó resultados inversos a los encontrados cuando la multiplicación por p fue tomada en cuenta: los primeros periodos no muestran diferencias significativas y los últimos, sí. Aunado a ello, las diferencias en los periodos 3 y 4 se vuelven positivas (indicando que las creencias cayeron por encima de las elecciones). Estos resultados se presentan en la Tabla 3.

~~Se realizó una prueba-t de una sola muestra con las diferencias promedio de cada periodo de juego sin tomar en cuenta la multiplicación por~~ *~~p~~*~~. Los resultados se reportan en la Tabla 3.~~

Tabla 3. Subjuego 1. Diferencias normalizadas. Se omite la licación por *p*.

| **One Sample T-Test** | | | | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **t** | | **df** | | **p** | | **Mean Difference** | |
| Periodo 1 |  | -0.368 |  | 29 |  | 0.715 |  | -0.049 |  |
| Periodo 2 |  | -0.123 |  | 29 |  | 0.903 |  | -0.012 |  |
| Periodo 3 |  | 2.674 |  | 29 |  | 0.012 |  | 0.355 |  |
| Periodo 4 |  | 2.299 |  | 29 |  | 0.029 |  | 0.280 |  |
|  | | | | | | | | | |
| Falta pie de tabla | | | | | | | | | |

~~Se observa que la significancia se revierte en todos los casos (resultados significativos donde no los había y viceversa), y las diferencias se vuelven positivas para los periodos 3 y 4, esto es, las creencias en estos casos están por arriba de las elecciones.~~

Por su parte, en la Tabla 4 se reportan los resultados de ~~una~~ la prueba-t bayesiana ~~de una sola muestra para cada periodo de juego, con la intención de ofrecer más información sobre la robustez de los resultados.~~ (Punto y seguido) De acuerdo al factor de Bayes ~~indica que~~, aunque la hipótesis alterna es más probable en los periodos 3 y 4 (es decir, parece ser que sí hay diferencias entre las creencias y las elecciones), la ~~magnitud de la~~ evidencia a favor de esta conclusión ~~resultado~~ es relativamente pequeña, (particularmente en el periodo 4, donde podría considerarse anecdótica). En la Figura 2 se incluyen las distribuciones prior y posteriores de cada periodo.

Tabla 4. Subjuego 1. Diferencias normalizadas. Se omite la multiplicación por *p*.

| **Bayesian One Sample T-Test** | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **BF₁₀** | | **error %** | |
| Periodo 1 |  | 0.207 |  | 0.010 |  |
| Periodo 2 |  | 0.196 |  | 0.013 |  |
| Periodo 3 |  | 3.811 |  | 3.017e -6 |  |
| Periodo 4 |  | 1.861 |  | 4.032e -6 |  |
|  | | | | | |

~~Figura 2. Subjuego 1. Diferencias normalizadas. Se omite la multiplicación por~~ *~~p~~*~~.~~

##### C:\Users\Neli\AppData\Local\JASP\temp\clipboard\resources\1\_102.pngC:\Users\Neli\AppData\Local\JASP\temp\clipboard\resources\1\_104.png

Periodo 1 Periodo 2

##### C:\Users\Neli\AppData\Local\JASP\temp\clipboard\resources\1\_106.pngC:\Users\Neli\AppData\Local\JASP\temp\clipboard\resources\1\_108.png

Periodo 3 Periodo 4

Figura 2. Se presenta la comparación entre las distribuciones prior y las distribuciones posteriores computadas en las pruebas-t bayesianas de una sola muestra, de acuerdo con las diferencias normalizadas computadas por participante, en cada uno de los cuatro periodos contenidos en el primer subjuego, entre sus elecciones y creencias, asumiendo que estas no se multiplican por p.

Este resultado difiere considerablemente de los hallazgos reportados por Lahav (2015), donde al excluir la multiplicación por , las diferencias en los cuatro periodos se volvieron positivas, significativamente diferentes de 0, y en general, más grandes que cuando sí se consideraba la multiplicación por . Estos resultados fueron interpretados como un indicador de que los participantes sí tomaron en cuenta ~~no olvidaron la~~ multiplicación por *p*.

En el análisis de los datos obtenidos en el presente estudio, ~~análisis,~~ cuando se incluye la multiplicación por *p* en el cálculo de las diferencias entre creencias y elecciones, se encuentra que éstas fueron significativas ~~esta es significativa (hay discrepancias)~~ en los primeros periodo, en tanto que ~~Desestimando~~ al excluir dicha multiplicación, las diferencias  ~~es~~ significativas se reportan sólo en los últimos periodos, aunque la evidencia ~~a favor~~ parece ser débil. En el caso de nuestro estudio, estos resultados pueden apuntar a que los participantes comienzan el juego sin considerar la multiplicación por , pero la incorporan en sus decisiones al avanzar entre los periodos ~~la incorporan en sus decisiones~~, (o por lo menos, aprenden que el número objetivo siempre está por debajo del número promedio).

En general, el presente estudio presenta hallazgos similares a los reportados por Lahav (2015) al emplear el método propuesto  ~~al método de Lahav (2015)~~ para calcular las diferencias normalizadas entre las creencias y las elecciones de los participantes, ~~se llegan a algunas conclusiones similares a las de su experimento~~, aún a pesar de las  ~~incluso tomando en cuenta las~~ diferencias en el método de evocación de creencias:

* Existen discrepancias entre las creencias y las elecciones de los participantes en los primeros periodos de juego, pero no en los últimos.
* La elección real de los participantes se encuentra entre su percepción de cuál será el número promedio y cuál será el número objetivo.

~~Por otro lado, una~~ Siendo que la diferencia más importante entre lo hallado en el presente estudio y lo reportado por Lahav (2015),  ~~que se encuentra~~ es que, en promedio, los participantes no parecen incorporar la multiplicación por 2/3 en su elección, al menos en los primeros periodos. ~~aunque esta tendencia disminuye en los periodos posteriores.~~

Además de replicar el método de diferencias normalizadas utilizado por Lahav (2015), las diferencias entre creencias y elecciones fueron evaluadas con un segundo ~~se utilizó un~~ método ~~para determinar la diferencia entre creencias y elecciones~~ que no dependía de la ~~la ponde las diferencias por la~~ elección promedio de todos los participantes en cada periodo para ponderarlas. La medida utilizada fue la diferencia relativa entre creencias y elecciones de cada participante *i* en cada periodo *t*, ~~que se calculó~~ calculada de la siguiente manera: ¿No te falta citar a Slonim en este párrafo?

~~DR~~*~~ti~~* ~~= (2/3 \* B~~*~~ti~~* ~~– C~~*~~ti~~*~~) / 0.5 \* (2/3 \* B~~*~~ti~~* ~~+ C~~*~~ti~~*~~)~~

~~Se promediaron las diferencias relativas de todos los participantes para cada periodo y se determinó si las diferencias relativas eran significativamente diferentes de cero mediante una prueba-t de una sola muestra. Los resultados se presentan en la Tabla 5.~~

Las diferencias relativas computadas en promedio por cada periodo fueron evaluadas en términos de qué tanto se alejaron de 0, mediante la realización de pruebas-T de una sola muestra, frecuentistas y bayesianas.

Tabla 5. Subjuego 1. Diferencias relativas.

| **One Sample T-Test** | | | | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **t** | | **df** | | **p** | | **Mean Difference** | |
| Periodo 1 |  | -3.986 |  | 29 |  | < .001 |  | -0.457 |  |
| Periodo 2 |  | -3.244 |  | 29 |  | 0.003 |  | -0.328 |  |
| Periodo 3 |  | -0.456 |  | 29 |  | 0.652 |  | -0.052 |  |
| Periodo 4 |  | -2.302 |  | 29 |  | 0.029 |  | -0.212 |  |
|  | | | | | | | | | |
| Falta pie de tabla | | | | | | | | | |

La Tabla 5 presenta los resultados obtenidos por la prueba-T clásica de una muestra y la Tabla 6 presenta los resultados observados en la prueba-T de una muestra bayesiana. En general, de acuerdo a ambas pruebas se encontró que tres de los cuatro periodos hubo diferencias significativas entre creencias y elecciones. ~~A su vez, los resultados observados tras la realización de la prueba-t bayesiana de una sola muestra para cada periodo de juego. Los resultados de esta prueba se presentan en la Tabla 6, y~~. En la Figura 3 se incluyen las distribuciones prior y posterior de cada periodo.

Tabla 6. Subjuego 1. Diferencias relativas.

| **Bayesian One Sample T-Test** | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **BF₁₀** | | **error %** | |
| Periodo 1 |  | 72.283 |  | 7.775e -5 |  |
| Periodo 2 |  | 12.797 |  | 2.047e -6 |  |
| Periodo 3 |  | 0.214 |  | 0.008 |  |
| Periodo 4 |  | 1.871 |  | 4.022e -6 |  |
|  | | | | | |

~~Figura 3. Subjuego 1. Diferencias relativas.~~

##### C:\Users\Neli\AppData\Local\JASP\temp\clipboard\resources\1\_158.pngC:\Users\Neli\AppData\Local\JASP\temp\clipboard\resources\1\_160.png

Periodo 1 Periodo 2

##### C:\Users\Neli\AppData\Local\JASP\temp\clipboard\resources\1\_162.pngC:\Users\Neli\AppData\Local\JASP\temp\clipboard\resources\1\_164.png

Periodo 3 Periodo 4

Figura 3. Se presenta la comparación entre las distribuciones prior y las distribuciones posteriores computadas en las pruebas-t bayesianas de una sola muestra, de acuerdo con las diferencias relativas computadas en cada uno de los cuatro periodos contenidos en el primer subjuego, entre sus elecciones y creencias.

Tal y como se encontró con ~~Igual que cuando se utilizó~~ el método de Diferencias Normalizadas, todas las diferencias son negativas, indicando que consistentemente las creencias estuvieron por debajo de las elecciones reales. Sin embargo, contrario a lo que se esperaría con base en los resultados hallados con el método de Diferencias Normalizadas donde los participantes reducen la inconsistencia entre sus elecciones y las creencias evocadas ~~gracias a~~ conforme adquieren experiencia, con el método de Diferencias Relativas se observan inconsistencias (diferencias estadísticamente significativas) entre creencias y elecciones en el periodo 4, (aunque no en el periodo 3). De cualquier forma, ~~considerando el valor del~~ de acuerdo con el factor de Bayes, la evidencia a favor de la hipótesis alterna en el periodo 4 es anecdótica.

Posteriormente, se computaron las Diferencias Relativas omitiendo la multiplicación por *p* ~~del cálculo de la diferencia relativa entre creencias y elecciones del participante~~ *~~i~~* ~~en el periodo~~ *~~t~~*, de la siguiente forma:

~~DR~~*~~ti~~* ~~= (B~~*~~ti~~* ~~– C~~*~~ti~~*~~) / 0.5 \* (B~~*~~ti~~* ~~+ C~~*~~ti~~*~~)~~

Se realizaron pruebas-t de una sola muestra para determinar si las Diferencias Relativas promedio en cada periodo son significativamente diferentes de 0. En la Tabla 7 se presentan los resultados obtenidos por la prueba-t frecuentista y en la Tabla 8, por su homóloga bayesiana. A su vez, la Figura 4 presenta la relación entre las distribuciones prior y las posteriores de cada periodo.

~~Se realizó una prueba-t de una sola muestra para determinar la consistencia entre creencias y elecciones de los participantes en promedio en cada periodo. Los resultados se presentan en la Tabla 7. Adicionalmente, los resultados de una prueba-t bayesiana de una sola muestra para los mismos periodos se reportan en la Tabla 8, y las distribuciones prior y posterior de cada prueba aparecen en la Figura 4.~~

Tabla 7. Subjuego 1. Diferencias relativas. Se omite la multiplicación por *p*.

| **One Sample T-Test** | | | | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **t** | | **df** | | **p** | | **Mean Difference** | |
| Periodo 1 |  | -0.839 |  | 29 |  | 0.408 |  | -0.101 |  |
| Periodo 2 |  | 0.424 |  | 29 |  | 0.675 |  | 0.044 |  |
| Periodo 3 |  | 3.052 |  | 29 |  | 0.005 |  | 0.315 |  |
| Periodo 4 |  | 1.800 |  | 29 |  | 0.082 |  | 0.167 |  |
|  | | | | | | | | | |
|  | | | | | | | | | |

Tabla 8. Subjuego 1. Diferencias relativas. Se omite la multiplicación por *p*.

| **Bayesian One Sample T-Test** | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **BF₁₀** | | **error %** | |
| Periodo 1 |  | 0.269 |  | 5.246e -4 |  |
| Periodo 2 |  | 0.211 |  | 0.009 |  |
| Periodo 3 |  | 8.393 |  | 2.307e -6 |  |
| Periodo 4 |  | 0.810 |  | 5.669e -6 |  |
|  | | | | | |

~~Figura 4. Subjuego 1. Diferencias relativas. Se omite la multiplicación por~~ *~~p~~*~~.~~

##### C:\Users\Neli\AppData\Local\JASP\temp\clipboard\resources\1\_218.pngC:\Users\Neli\AppData\Local\JASP\temp\clipboard\resources\1\_220.png

Periodo 1 Periodo 2

##### C:\Users\Neli\AppData\Local\JASP\temp\clipboard\resources\1\_222.pngC:\Users\Neli\AppData\Local\JASP\temp\clipboard\resources\1\_224.png

Periodo 3 Periodo 4

Figura 4. Se presenta la comparación entre las distribuciones prior y las distribuciones posteriores computadas en las pruebas-t bayesianas de una sola muestra, de acuerdo con las diferencias relativas computadas en cada uno de los cuatro periodos contenidos en el primer subjuego, entre sus elecciones y creencias, sin tomar en cuenta la multiplicación por p.

Similar a lo observado cuando se omitió la multiplicación por *p* en el método de Diferencias Normalizadas propuesto por Lahav (2015), se encontró una reversión en la significancia reportada en todos los periodos, (aunque nuevamente, la evidencia en el periodo 4 es anecdótica). En tres de los cuatro periodos se observaron diferencias ~~observadas en promedio fueron~~ positivas. Esto indica que con el uso del método de ~~cuando se usa la medida de D~~iferencias Relativas, en promedio, las creencias están más cercanas y ligeramente por arriba de las elecciones reales de los participantes, cuando no se toma en cuenta la multiplicación por *p*.

Aunque cada uno de los métodos empleados para la evaluación de la consistencia entre las creencias y las elecciones de los participantes compensa la tendencia hacia el equilibrio de forma diferente (y el problema de suelo resultante), los dos ~~métodos que se utilizaron para evaluar el nivel de consistencia entre creencias y elecciones~~ mostraron resultados muy similares: en los primeros periodos las diferencias entre creencias y elecciones son grandes, pero se reducen en los periodos posteriores, sugiriendo que los jugadores se vuelven consistentes conforme adquieren experiencia y aprenden también que ~~donde también los jugadores se dan cuenta de que~~ para acercarse al número objetivo necesitan elegir números por debajo del número promedio.

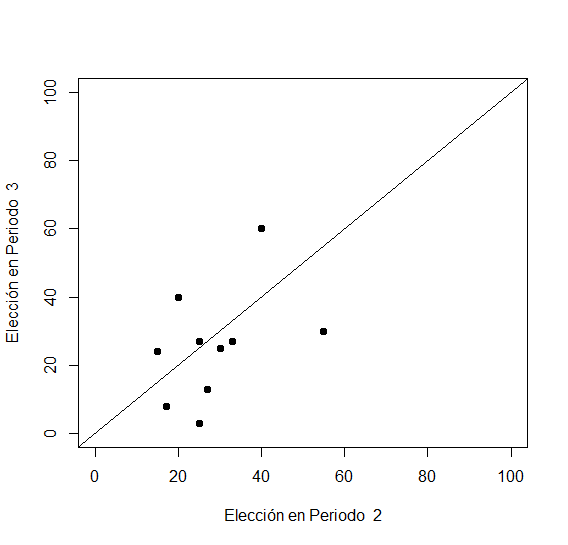
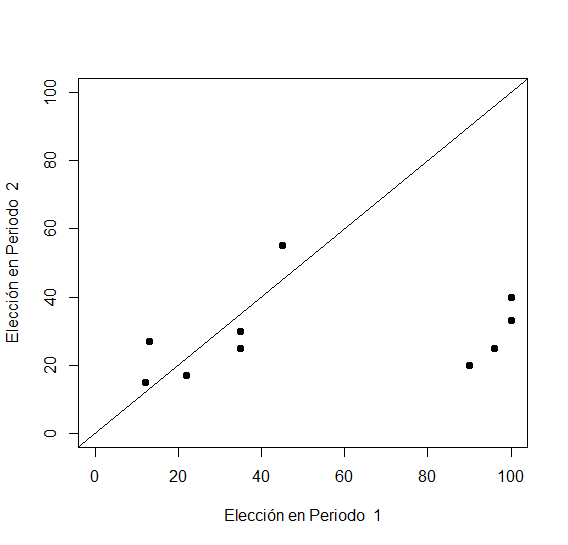
* 1. Efecto de reset

De acuerdo con los resultados reportados por Slonim (2005), los jugadores presentan un “efecto de reset” en la tendencia a elegir números cada vez más pequeños cuando sus oponentes son remplazados por jugadores novatos, completamente sin experiencia en el juego. Tomando estos hallazgos en cuenta, el presente estudio incorporó un Subjuego 2, donde sólo uno de los jugadores del Subjuego 1 permaneció jugando por otros cuatro periodos mientras el resto fue remplazado por jugadores nuevos. Esta manipulación se hizo para evaluar la tendencia que en el estudio de Lahav (2015) lleva a asumir que los jugadores se vuelven más consistentes conforme adquieren experiencia. En otras palabras, agregar un segundo Subjuego permite evaluar, con base en las respuestas del participante con experiencia, si la consistencia entre las elecciones y las creencias es algo que se adquiere con la experiencia o si es sólo el resultado del efecto de suelo asociado a la tendencia típicamente reportada en cualquier serie de juegos p-beauty contest repetido a elegir números cada vez más pequeños.

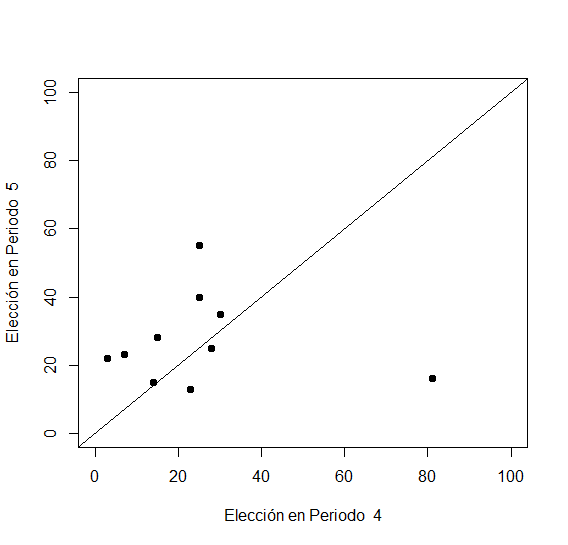
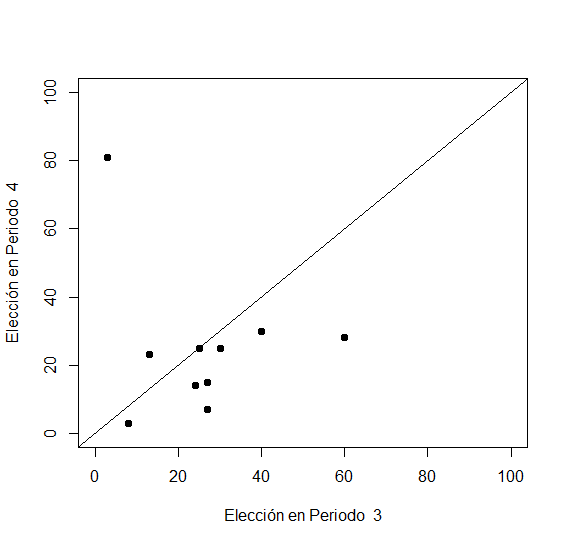
Para poder comparar los resultados del subjuego 1 con el subjuego 2, fue necesario determinar si ~~al introducir a~~ la incorporación de nuevos jugadores al inicio del subjuego 2 interrumpió la tendencia a elegir números cada vez más pequeños ~~se revirtió para~~ en el jugador que se mantuvo en el juego (participante A). Es decir, para corroborar que el diseño experimental propuesto permita responder a la cuestión de si las diferencias entre creencias y elecciones se reducen como reflejo de una consistencia adquirida o como producto del efecto de suelo, es necesario evaluar la presencia del efecto de Reset reportado por Slonim (2005).

En la Figura 5 se muestran los cambios en las elecciones de los participantes A entre periodos consecutivos. Los primeros tres cuadros muestran los cambios dentro del subjuego 1. ~~mientras que~~ El cuarto cuadro ~~-muestra~~  evalúa directamente el Efecto de Reset al presentar el cambio entre el último periodo del subjuego 1 y el primer periodo del subjuego 2. En estos gráficos, los puntos que caen por debajo de la línea de identidad indican que se eligieron números más pequeños de un periodo a otro, con lo que se observa que más participantes A eligen números más pequeños entre los periodos del ~~cada periodo durante el~~ primer subjuego (por ejemplo, el 80% reduce su elección entre el periodo 3 y el periodo 4), y que esta tendencia se revierte al iniciar el subjuego 2 (el 70% incrementa su número). (Punto y aparte)

~~Figura 5. Cambio en el número elegido periodo a periodo.~~



Periodo 1 a Periodo 2 Periodo 2 a Periodo 3



Periodo 3 a Periodo 4 Periodo 4 a Periodo 5 (subjuego 2)

Figura 5. Cambio en el número elegido periodo a periodo.

Sin embargo, de acuerdo con una prueba binomial esta tendencia no aparece en una proporción significativa de casos en ningún periodo, (aunque esto bien puede deberse a que se solamente se corrieron  ~~considerarse que solo se contó con~~ 10 sesiones experimentales). Por otra parte, de acuerdo con una prueba binomial bayesiana de una cola, los datos presentan evidencia anecdótica en favor de ~~favorecen~~ la hipótesis alterna que establece que los participantes eligen números más pequeños entre cada periodo del subjuego 1 y números más grandes al iniciar el subjuego 2, ~~pero la evidencia es anecdótica o moderada~~, (ver Tabla 9). ~~Los resultados de la prueba se presentan en la Tabla 9.~~

Tabla 9. Cambio en el número elegido periodo a periodo. Periodo 5 pertenece al subjuego 2.

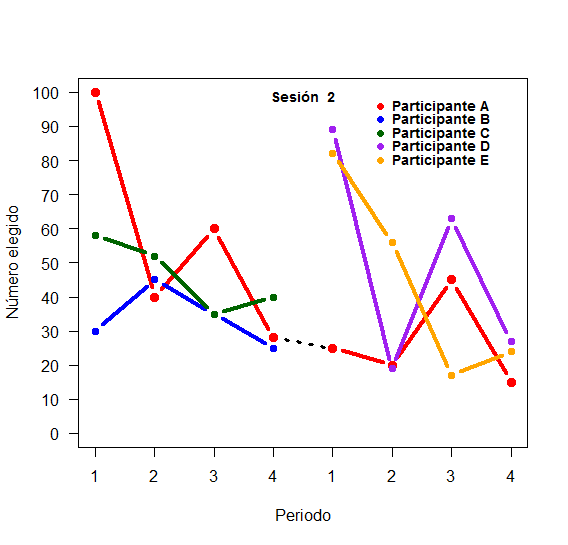
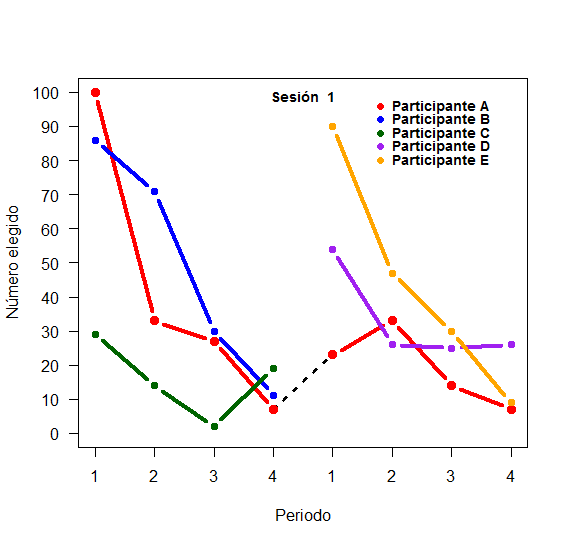
| **Bayesian Binomial Test** | | | | | | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **Level** | | **Counts** | | **Total** | | **Proportion** | | **BF₊₀** | |
| 1 vs 2 |  | mayor |  | 3 |  | 10 |  | 0.300 |  | 0.176 |  |
|  |  | menor |  | 7 |  | 10 |  | 0.700 |  | 1.376 |  |
| 2 vs 3 |  | mayor |  | 4 |  | 10 |  | 0.400 |  | 0.243 |  |
|  |  | menor |  | 6 |  | 10 |  | 0.600 |  | 0.643 |  |
| 3 vs 4 |  | mayor |  | 2 |  | 10 |  | 0.200 |  | 0.135 |  |
|  |  | menor |  | 8 |  | 10 |  | 0.800 |  | 4.002 |  |
| 4 vs 5 |  | mayor |  | 7 |  | 10 |  | 0.700 |  | 1.376 |  |
|  |  | menor |  | 3 |  | 10 |  | 0.300 |  | 0.176 |  |
|  | | | | | | | | | | | |

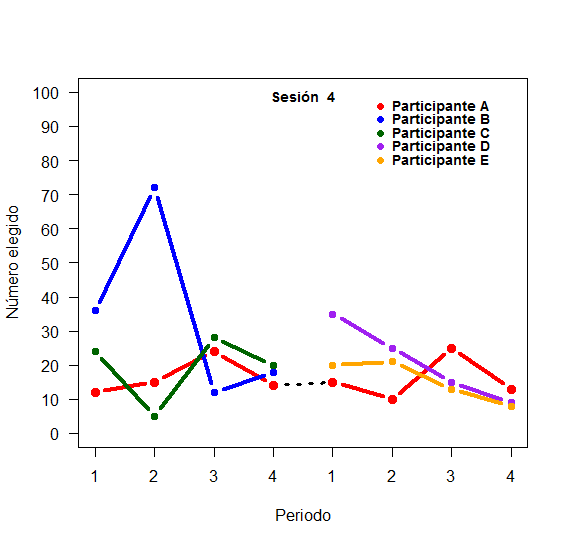
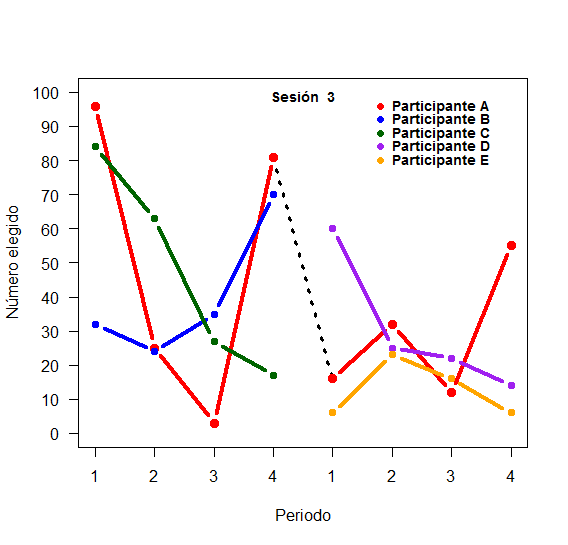
Para determinar si, en promedio, el número elegido por el participante A en el último periodo del subjuego 1 es menor que su número elegido en el primer periodo del subjuego 2, se realizó una prueba-t de una cola, donde se encontró que ~~. Se encontró que,~~ si bien el promedio de los números elegidos ~~promedio~~ en el primer periodo del subjuego 2 es mayor que en el subjuego 1, la diferencia parece ser pequeña y no significativa.

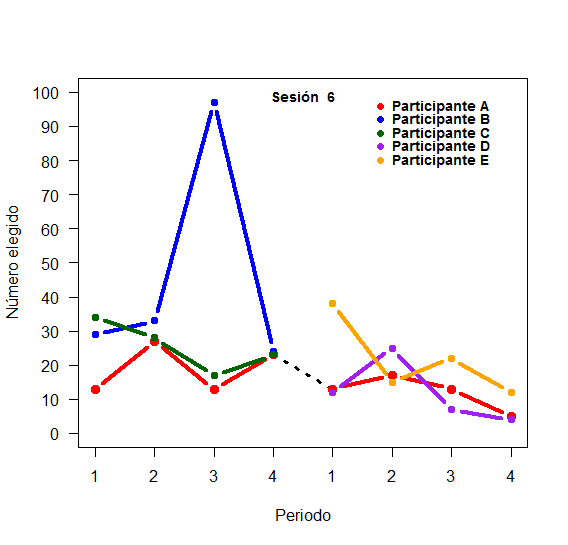
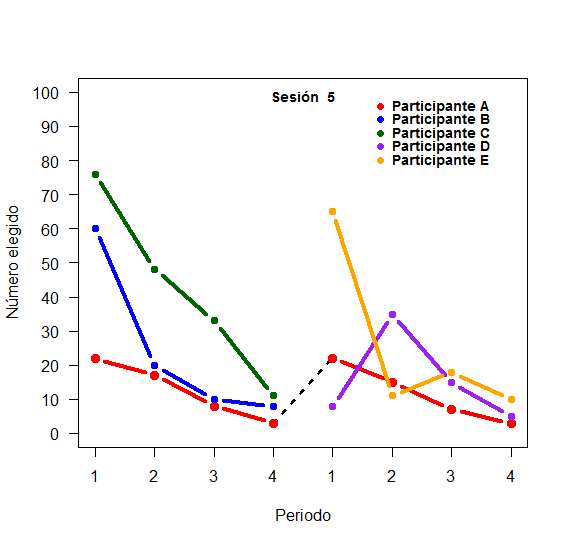
No obstante, al revisar ~~Se revisaron~~ los datos de cada sesión experimental~~, y~~ se encontraron anomalías en la ejecución del participante A de la ~~que en la~~ sesión 3, cuyo ~~el~~ comportamiento ~~del participante A~~ difiere considerablemente de lo que se reporta en la literatura y de lo observado en el resto de ~~comportamiento de los demás participantes en el resto de~~ las sesiones. (Punto y aparte)

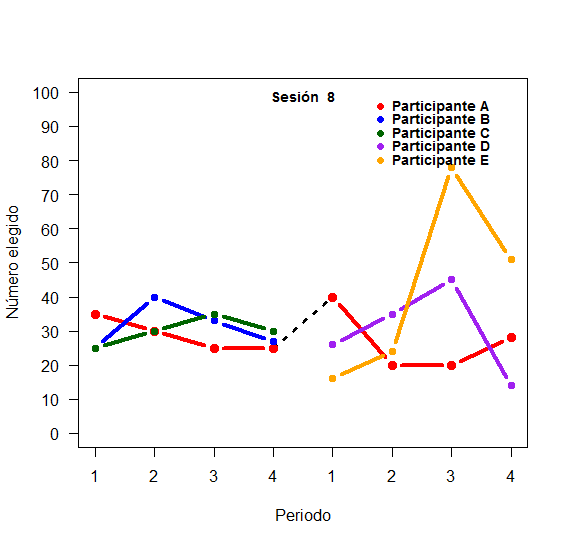
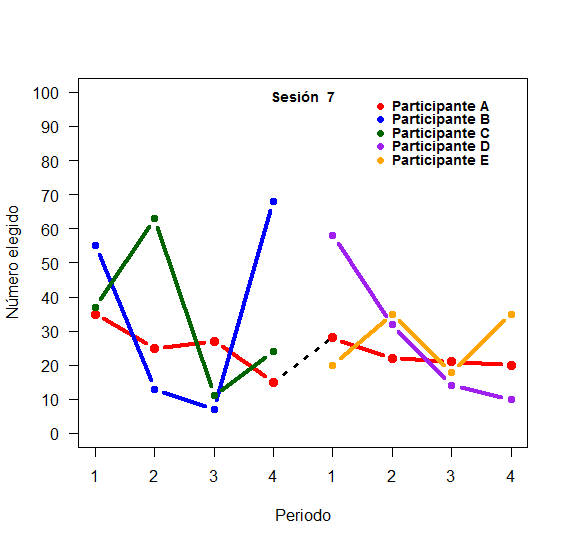
En la Figura 6 se presentan~~, por cada sesión experimental,~~ las elecciones de todos los participantes en cada periodo de los dos subjuegos, por cada sesión experimental. Se puede apreciar que el  ~~Para el~~ participante A de la sesión 3~~, se observa que sus elecciones~~ no presenta la tendencia a elegir números más pequeños periodo a periodo y por el contrario,  ~~de hecho~~ elige números muy grandes en el último periodo de cada subjuego, una estrategia que no aporta ningún tipo de ~~ganancia o~~ ventaja en el juego. Este patrón de respuesta sugiere ~~apunta a~~ que el participante A de la sesión 3 pudo no haber entendido la dinámica del juego.

~~Figura 6. Elecciones en todas las sesiones.~~









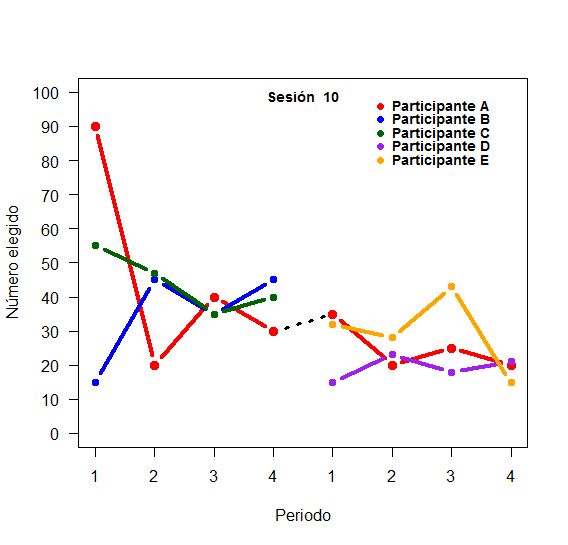
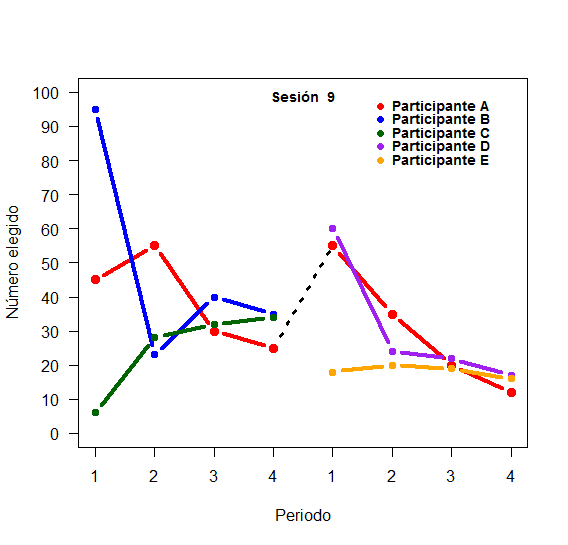
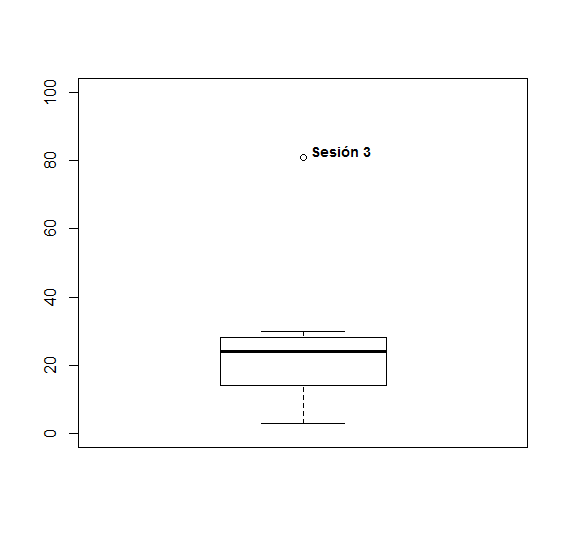


Figura 6. Elecciones en todas las sesiones.

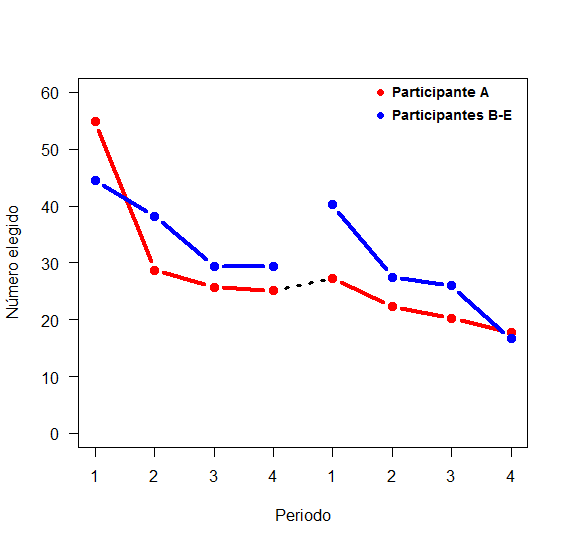
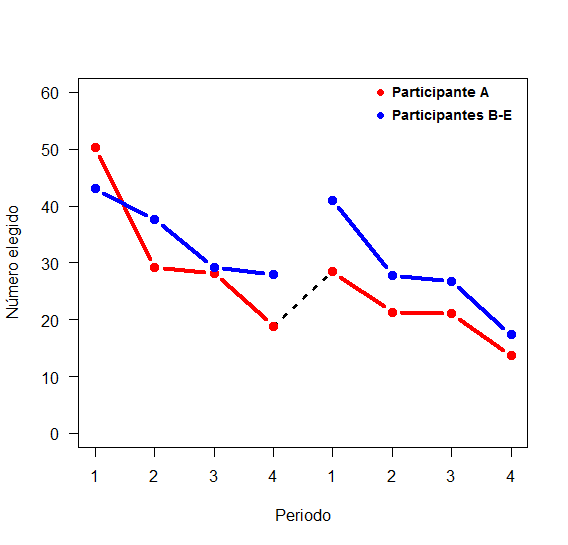
En la Figura 7 se presenta un diagrama de caja y bigotes que permite identificar que la tirada en el periodo 4 del participante A de la sesión 3 es un valor atípico (se encuentra por arriba del rango intercuadrático multiplicado por 1.5)

Figura 7. Periodo 4. Número elegido del participante A.



En vista de este resultado, se repitió la prueba-t de una cola para determinar si el número elegido por el participante A en el último periodo del subjuego 1 es mayor que su número elegido en el primer periodo del subjuego 2, pero se omitieron las tiradas del participante A de la sesión 3. Esta vez, la elección promedio del participante A en el último periodo del subjuego 1 fue significativamente menor que en el primer periodo del subjuego 2 (*t* = -2.317, *p* = .025). En la Figura 8 se presentan las elecciones promedio de los participantes en cada periodo en los dos subjuegos, cuando se consideran los datos de la sesión 3 y cuando no, y con las tiradas del participante A separadas de los demás.

Figura 8. Número elegido promedio. Con y sin la sesión 3.

Considerando la sesión 3 No considerando la sesión 3

Con base en estos resultados, se puede afirmar que logró replicarse el efecto de reset reportado por Slonim (2005). Una vez confirmada la presencia del efecto de reset, se comparó la consistencia de creencias y elecciones entre subjuegos.

* 1. Consistencia entre creencias y elecciones entre subjuegos

Las creencias y elecciones de los participantes en el subjuego 2 fueron sometidos al mismo análisis que los reportados para el subjuego 1 en la sección 3.1, haciendo una distinción entre los jugadores adquirieron experiencia por participar en el subjuego anterior (Participante A) y los que entraron al juego por primera vez y no tenían experiencia previa en el juego (Participantes D y E).

Se calculó la diferencia normalizada entre creencias y elecciones en cada periodo del subjuego 2, para el participante A por un lado y los participantes D y E por otro, y se realizaron pruebas-t para determinar si estas diferencias eran estadísticamente diferentes de cero.

Para el participante A, ninguna de las diferencias fue significativa, lo que indica que hubo consistencia entre creencias y elecciones en todos los periodos del subjuego 2. En contraste, las diferencias fueron significativas para los participantes D y E en los primeros tres periodos del subjuego, mostrando consistencia únicamente en el último. Este resultado es similar al observado en todos los participantes en el subjuego 1. En todos los casos, las creencias estuvieron por debajo de las elecciones reales. Los resultados de las pruebas-t se presentan en la Tabla 10 para el participante A y en la Tabla 11 para los participantes D y E.

Tabla 10. Subjuego 2. Diferencias normalizadas. Participante A.

| **One Sample T-Test** | | | | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **t** | | **df** | | **p** | | **Mean Difference** | |
| Periodo 5 |  | -0.413 |  | 9 |  | 0.689 |  | -0.049 |  |
| Periodo 6 |  | -0.138 |  | 9 |  | 0.893 |  | -0.011 |  |
| Periodo 7 |  | -1.083 |  | 9 |  | 0.307 |  | -0.133 |  |
| Periodo 8 |  | -0.154 |  | 9 |  | 0.881 |  | -0.028 |  |
|  | | | | | | | | | |
|  | | | | | | | | | |

Tabla 11. Subjuego 2. Diferencias normalizadas. Participantes D y E.

| **One Sample T-Test** | | | | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **t** | | **df** | | **p** | | **Mean Difference** | |
| Periodo 5 |  | -2.593 |  | 19 |  | 0.018 |  | -0.349 |  |
| Periodo 6 |  | -3.210 |  | 19 |  | 0.005 |  | -0.243 |  |
| Periodo 7 |  | -3.457 |  | 19 |  | 0.003 |  | -0.307 |  |
| Periodo 8 |  | -0.401 |  | 19 |  | 0.693 |  | -0.047 |  |
|  | | | | | | | | | |
|  | | | | | | | | | |

Los resultados se confirmaron con pruebas-t bayesianas que se presentan en la Tabla 12 para el participante A y en la Tabla 13 para los participantes D y E. Se reporta el factor de Bayes para la probabilidad de la hipótesis nula sobre la hipótesis alternativa, es decir, cuánto más probable es que no haya diferencias entre creencias y elecciones, respecto a que sí las haya. Se observa evidencia moderada a favor de que no hay diferencias entre las creencias y elecciones del participante A en los cuatro periodos, mientras que para los participantes sin experiencia esto solo ocurre en el último periodo. En la Figura 9 y 10 se incluyen las distribuciones prior y posterior de cada prueba para el participante A y los participantes D y E, respectivamente.

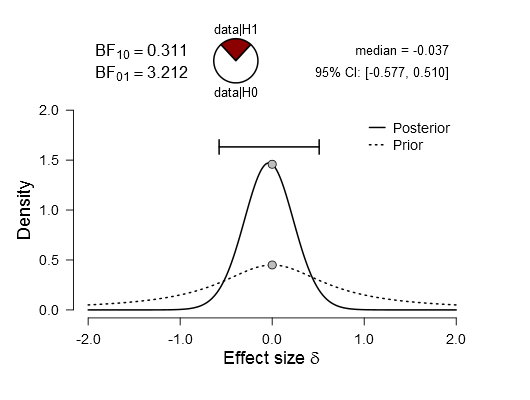
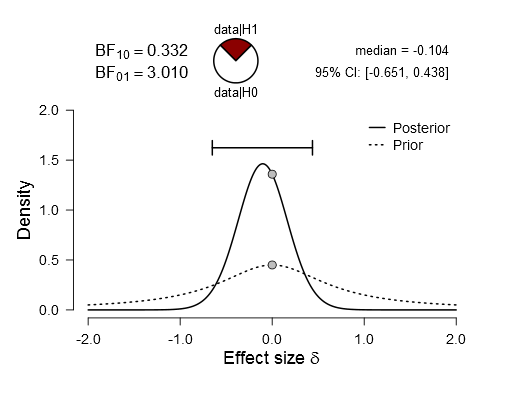
Tabla 12 . Subjuego 2. Diferencias normalizadas. Participante A.

| **Bayesian One Sample T-Test** | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **BF₀₁** | | **error %** | |
| Periodo 5 |  | 3.010 |  | 0.006 |  |
| Periodo 6 |  | 3.212 |  | 0.007 |  |
| Periodo 7 |  | 2.012 |  | 0.003 |  |
| Periodo 8 |  | 3.205 |  | 0.007 |  |
|  | | | | | |

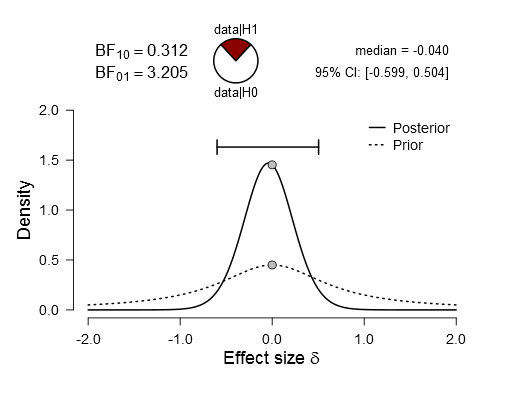
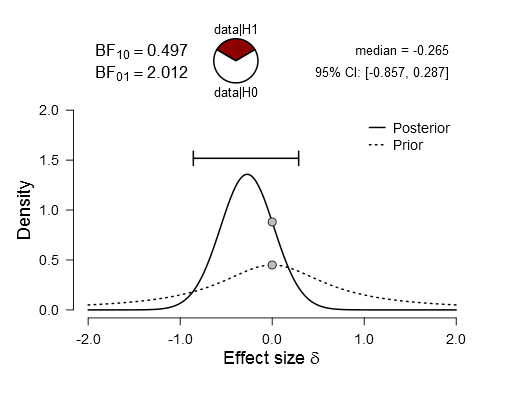
Tabla 13. Subjuego 2. Diferencias normalizadas. Participantes D y E.

| **Bayesian One Sample T-Test** | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **BF₀₁** | | **error %** | |
| Periodo 5 |  | 0.315 |  | 0.003 |  |
| Periodo 6 |  | 0.102 |  | 6.001e -4 |  |
| Periodo 7 |  | 0.063 |  | 3.519e -4 |  |
| Periodo 8 |  | 4.002 |  | 0.022 |  |
|  | | | | | |

Figura 9. Diferencias normalizadas. Participante A.

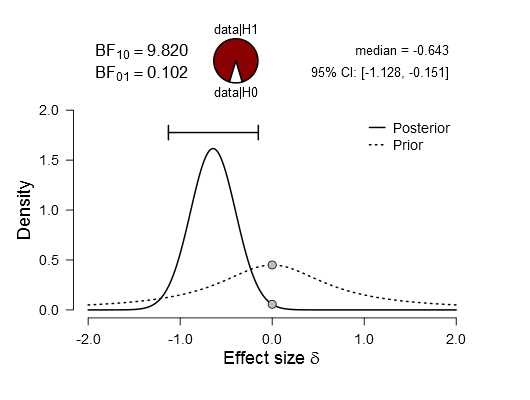
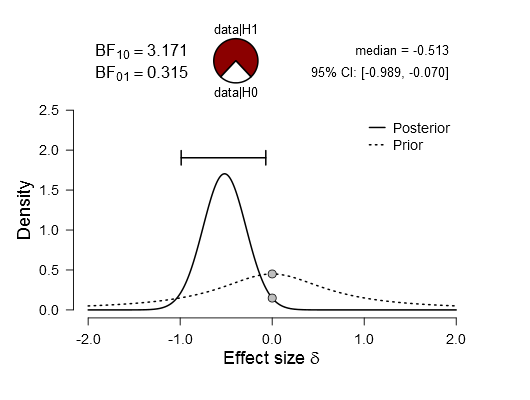


Periodo 5 Periodo 6

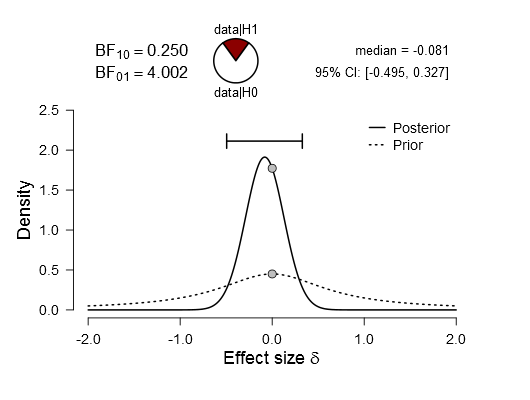
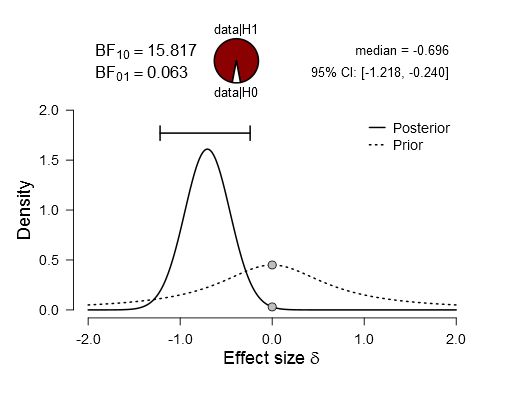


Periodo 7 Periodo 8

Figura 10. Diferencias normalizadas. Participantes D y E.



Periodo 5 Periodo 6



Periodo 7 Periodo 8

Se repitió el cálculo de la diferencia normalizada entre creencias y elecciones para los cuatro periodos del subjuego 2 omitiendo la multiplicación por *p* para determinar si los jugadores incluyen este cálculo en la elección de su número. Mediante pruebas-t se encontró que para el participante A, en dos periodos la diferencia entre creencias y elecciones es significativamente diferente de cero, y la magnitud de las diferencias es mayor en todos los periodos, comparado con cuando sí se considera la multiplicación por 2/3. Este resultado indica que los jugadores con experiencia previa no omiten la multiplicación por *p*, o por lo menos han aprendido que el número objetivo siempre está por debajo del número promedio. Los resultados de la prueba se presentan en la Tabla 14.

Tabla 14. Subjuego 2. Diferencias normalizadas. Se omite la multiplicación por *p*. Participante A.

| **One Sample T-Test** | | | | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **t** | | **df** | | **p** | | **Mean Difference** | |
| Periodo 5 |  | 2.306 |  | 9 |  | 0.047 |  | 0.333 |  |
| Periodo 6 |  | 4.250 |  | 9 |  | 0.002 |  | 0.414 |  |
| Periodo 7 |  | 1.565 |  | 9 |  | 0.152 |  | 0.238 |  |
| Periodo 8 |  | 2.160 |  | 9 |  | 0.059 |  | 0.438 |  |
|  | | | | | | | | | |
|  | | | | | | | | | |

Para los participantes D y E, que no contaban con experiencia previa en el juego, solo se encontraron diferencias significativas de cero en el último periodo, resultado que coincide con el reportado para todos los participantes en el subjuego 1. Esto indica nuevamente que los participantes incorporan la multiplicación por *p* o comprenden la tendencia del juego hacia el equilibrio solo luego de varias repeticiones. Los resultados de las pruebas-t se reportan en la Tabla 15.

Tabla 15. Subjuego 2. Diferencias normalizadas. Se omite la multiplicación por *p*. Participantes D y E.

| **One Sample T-Test** | | | | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **t** | | **df** | | **p** | | **Mean Difference** | |
| Periodo 5 |  | 0.142 |  | 19 |  | 0.889 |  | 0.024 |  |
| Periodo 6 |  | 1.617 |  | 19 |  | 0.122 |  | 0.170 |  |
| Periodo 7 |  | 0.660 |  | 19 |  | 0.517 |  | 0.071 |  |
| Periodo 8 |  | 3.144 |  | 19 |  | 0.005 |  | 0.440 |  |
|  | | | | | | | | | |
|  | | | | | | | | | |

En la Tabla 16 y en la Tabla 17 se incluyen los resultados de pruebas-t bayesianas para complementar los resultados anteriores, para el participante A y los participantes D y E, respectivamente. En la Figura 10 y en la Figura 11 se presentan las distribuciones prior y posterior de cada prueba para cada tipo de participante.

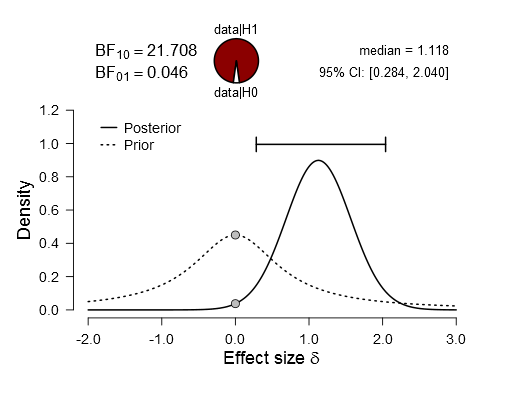
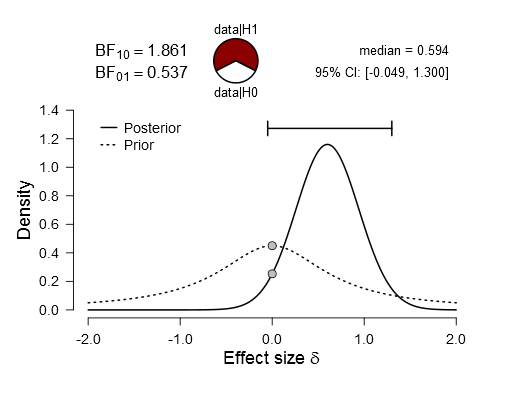
Tabla 16. Subjuego 2. Diferencias normalizadas. Se omite la multiplicación por *p*. Participante A.

| **Bayesian One Sample T-Test** | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **BF₀₁** | | **error %** | |
| Periodo 5 |  | 0.537 |  | 0.001 |  |
| Periodo 6 |  | 0.046 |  | 9.917e -5 |  |
| Periodo 7 |  | 1.274 |  | 0.004 |  |
| Periodo 8 |  | 0.643 |  | 0.003 |  |
|  | | | | | |

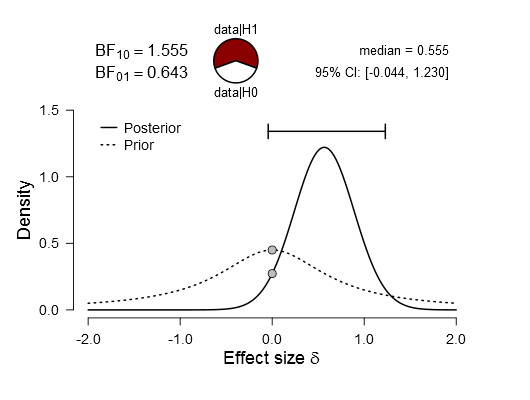
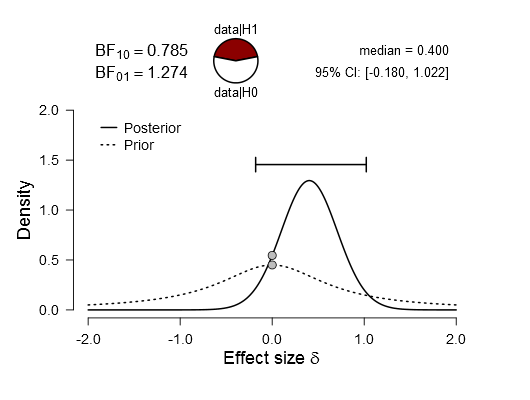
Tabla 17. Subjuego 2. Diferencias normalizadas. Se omite la multiplicación por *p*. Participantes D y E.

| **Bayesian One Sample T-Test** | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **BF₀₁** | | **error %** | |
| Periodo 5 |  | 4.265 |  | 0.022 |  |
| Periodo 6 |  | 1.417 |  | 0.004 |  |
| Periodo 7 |  | 3.541 |  | 0.021 |  |
| Periodo 8 |  | 0.115 |  | 7.221e -4 |  |
|  | | | | | |

Figura 10. Subjuego 2. Diferencias normalizadas. Se omite la multiplicación por *p*. Participante A.

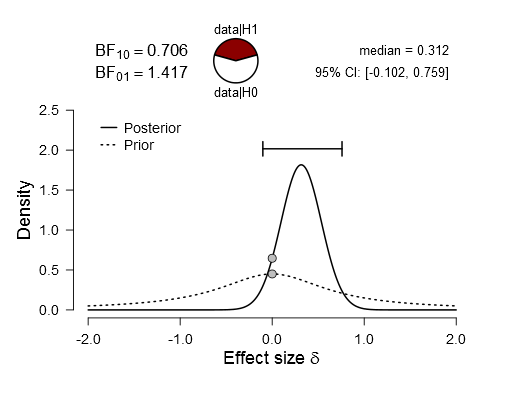
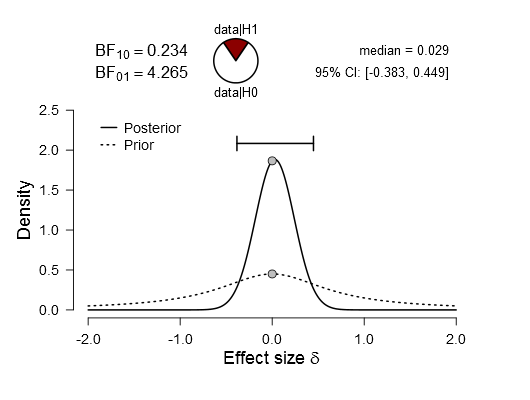


Periodo 5 Periodo 6

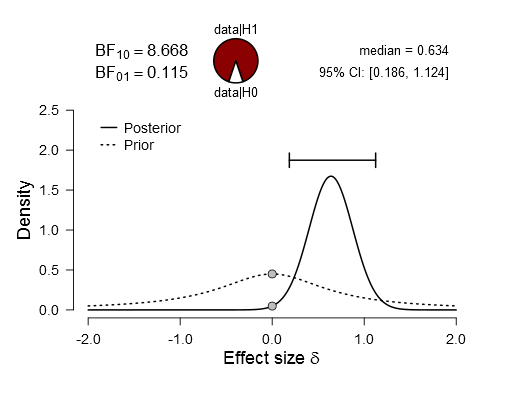
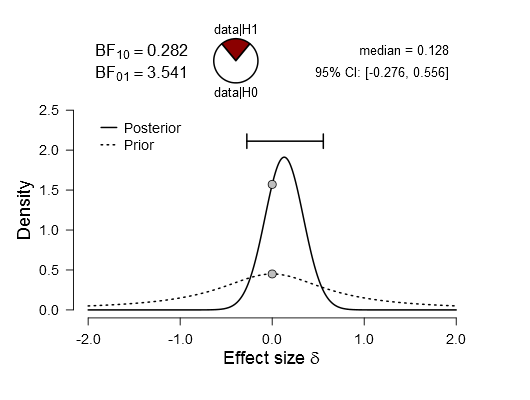


Periodo 7 Periodo 8

Figura 11. Subjuego 2. Diferencias normalizadas. Se omite la multiplicación por *p*. Participantes D y E.



Periodo 5 Periodo 6



Periodo 7 Periodo 8

Se repitieron los análisis calculando la diferencia relativa en lugar de la diferencia normalizada entre creencias y elecciones para los cuatro periodos del subjuego 2 y se realizaron pruebas-t para determinar si estas eran significativamente diferentes de cero. Los resultados de este análisis se presentan en la Tabla 18 para el participante A y en la Tabla 19 para los participantes D y E.

Tabla 18. Subjuego 2. Diferencias relativas. Participante A.

| **One Sample T-Test** | | | | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **t** | | **df** | | **p** | | **Mean Difference** | |
| Periodo 5 |  | -0.336 |  | 9 |  | 0.745 |  | -0.042 |  |
| Periodo 6 |  | -0.072 |  | 9 |  | 0.944 |  | -0.007 |  |
| Periodo 7 |  | -1.193 |  | 9 |  | 0.264 |  | -0.162 |  |
| Periodo 8 |  | 0.230 |  | 9 |  | 0.823 |  | 0.038 |  |
|  | | | | | | | | | |
|  | | | | | | | | | |

Tabla 19. Subjuego 2. Diferencias relativas. Participantes D y E.

| **One Sample T-Test** | | | | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **t** | | **df** | | **p** | | **Mean Difference** | |
| Periodo 5 |  | -2.677 |  | 19 |  | 0.015 |  | -0.407 |  |
| Periodo 6 |  | -3.646 |  | 19 |  | 0.002 |  | -0.283 |  |
| Periodo 7 |  | -3.334 |  | 19 |  | 0.003 |  | -0.341 |  |
| Periodo 8 |  | -0.067 |  | 19 |  | 0.947 |  | -0.007 |  |
|  | | | | | | | | | |
|  | | | | | | | | | |

Los resultados que se obtienen son muy similares a cuando se utiliza la diferencia normalizada; para el participante A se observa consistencia en los cuatro periodos, mientras que para los participantes D y E se observan inconsistencias en los primeros tres periodos.

Para ofrecer mayor información de la robustez de los datos se complementó el análisis con pruebas-t bayesianas que se reportan en las Tablas 20 y 21. Se confirman los hallazgos anteriores, con valores similares del factor de Bayes para cada periodo. En las Figuras 12 y 13 se incluyen las distribuciones prior y posterior de cada prueba para cada tipo de participante.

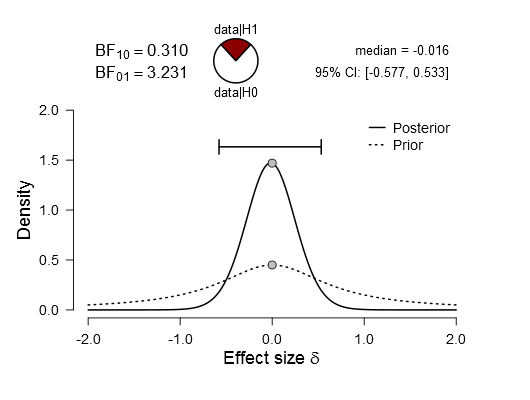
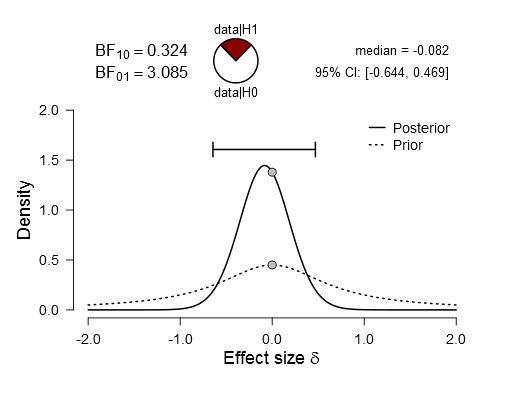
Tabla 20. Subjuego 2. Diferencias relativas. Participante A.

| **Bayesian One Sample T-Test** | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **BF₀₁** | | **error %** | |
| Periodo 5 |  | 3.085 |  | 0.006 |  |
| Periodo 6 |  | 3.231 |  | 0.007 |  |
| Periodo 7 |  | 1.832 |  | 0.002 |  |
| Periodo 8 |  | 3.165 |  | 0.007 |  |
|  | | | | | |

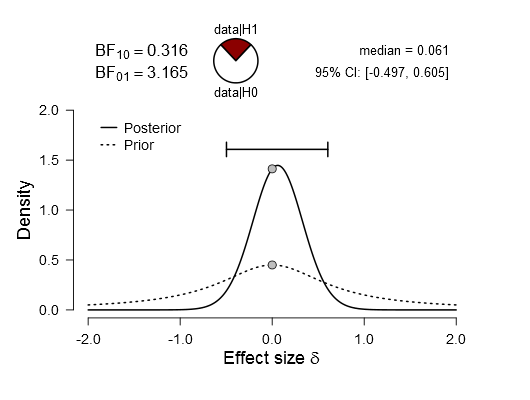
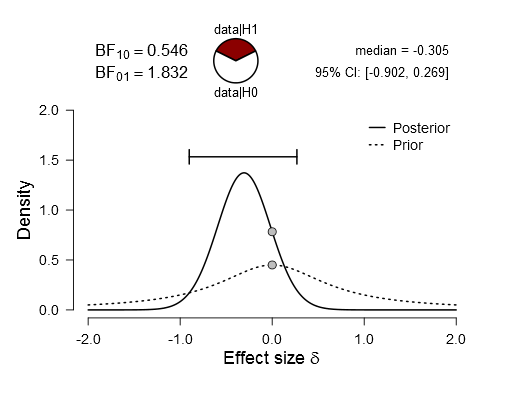
Tabla 21. Subjuego 2. Diferencias relativas. Participantes D y E.

| **Bayesian One Sample T-Test** | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **BF₀₁** | | **error %** | |
| Periodo 5 |  | 0.272 |  | 0.002 |  |
| Periodo 6 |  | 0.044 |  | 3.044e -4 |  |
| Periodo 7 |  | 0.080 |  | 4.394e -4 |  |
| Periodo 8 |  | 4.295 |  | 0.022 |  |
|  | | | | | |

Figura 12. Subjuego 2. Diferencias relativas. Participante A.

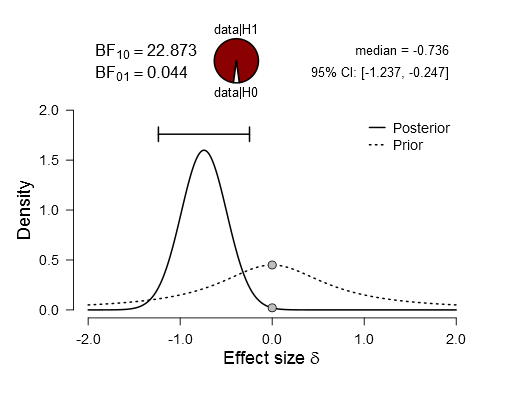
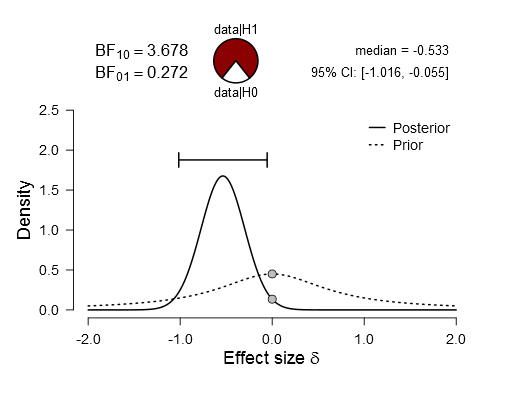


Periodo 5 Periodo 6

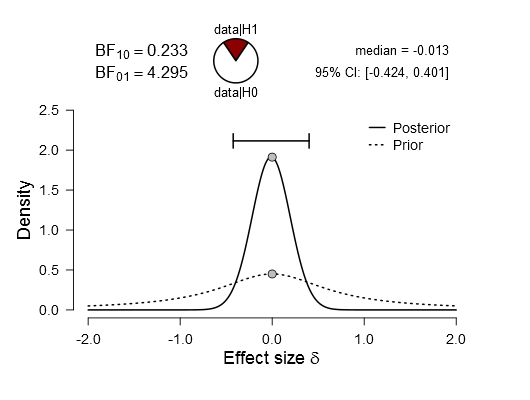
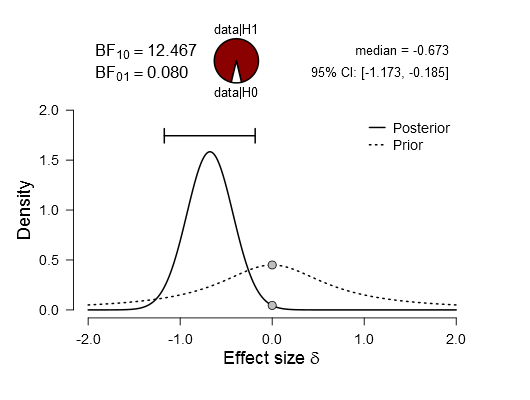


Periodo 7 Periodo 8

Figura 13. Subjuego 2. Diferencias relativas. Participantes D y E.



Periodo 5 Periodo 6



Periodo 7 Periodo 8

Finalmente se repitió el cálculo de la diferencia relativa entre creencias y elecciones omitiendo la multiplicación por p. En la Tabla 22 se presenta el resultado para el participante A, y en la Tabla 23 para los participantes D y E. Para el participante A se observa una reversión de la significancia en todos los periodos y diferencias promedio más grandes, lo que indica que las creencias de estos jugadores son más consistentes con sus elecciones cuando se toma en cuenta la multiplicación por *p*. Para los participantes D y E también se observa una reversión en la significancia de las pruebas, pero con diferencias promedio más pequeñas que cuando sí se considera la multiplicación por *p*, excepto en el último periodo.

Tabla 22. Subjuego 2. Diferencias relativas. Se omite la multiplicación por *p*. Participante A.

| **One Sample T-Test** | | | | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **t** | | **df** | | **p** | | **Mean Difference** | |
| Periodo 5 |  | 2.886 |  | 9 |  | 0.018 |  | 0.346 |  |
| Periodo 6 |  | 4.384 |  | 9 |  | 0.002 |  | 0.386 |  |
| Periodo 7 |  | 1.688 |  | 9 |  | 0.126 |  | 0.225 |  |
| Periodo 8 |  | 2.617 |  | 9 |  | 0.028 |  | 0.413 |  |
|  | | | | | | | | | |
|  | | | | | | | | | |

Tabla 23. Subjuego 2. Diferencias relativas. Se omite la multiplicación por *p*. Participantes D y E.

| **One Sample T-Test** | | | | | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **t** | | **df** | | **p** | | **Mean Difference** | |
| Periodo 5 |  | -0.347 |  | 19 |  | 0.732 |  | -0.056 |  |
| Periodo 6 |  | 1.361 |  | 19 |  | 0.190 |  | 0.108 |  |
| Periodo 7 |  | 0.355 |  | 19 |  | 0.727 |  | 0.039 |  |
| Periodo 8 |  | 3.599 |  | 19 |  | 0.002 |  | 0.372 |  |
|  | | | | | | | | | |
|  | | | | | | | | | |

Se complementa el análisis con pruebas-t bayesianas para los cuatro periodos del subjuego 2. Para el participante A, en la Tabla 24 se presenta el factor de Bayes que indica la probabilidad de la hipótesis alterna sobre la hipótesis nula, mientras que para los participantes D y E, en la Tabla 25 se presenta la probabilidad de la hipótesis alterna sobre la hipótesis nula. Como puede verse, para cada tipo de participante la primera probabilidad es más grande en tres de los cuatro periodos; hay mayor apoyo a la hipótesis alterna para el participante A, y mayor apoyo a la hipótesis nula para los participantes D y E, lo que confirma que los primeros sí consideran la multiplicación por *p* en la mayoría de los casos, mientras que los segundos solo lo hacen en el último periodo. En la Figura 14 se presentan las distribuciones prior y posterior para el participante A, y en la Figura 15 para los participantes D y E.

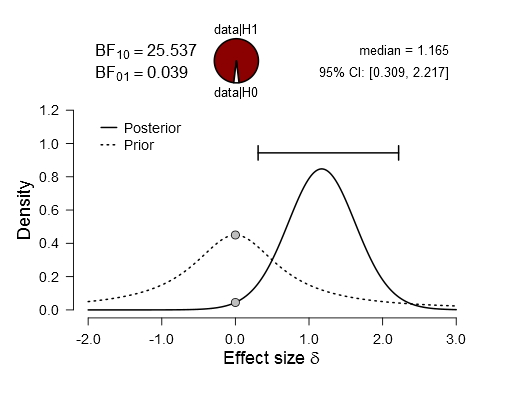
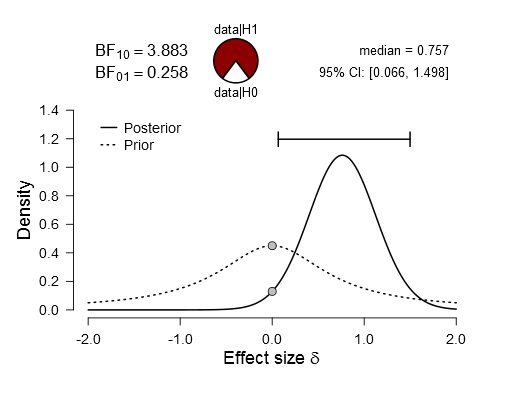
Tabla 24. Subjuego 2. Diferencias relativas. Se omite la multiplicación por *p*. Participante A.

| **Bayesian One Sample T-Test** | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **BF₁₀** | | **error %** | |
| Periodo 5r |  | 3.883 |  | 4.510e -4 |  |
| Periodo 6r |  | 25.537 |  | 1.528e -4 |  |
| Periodo 7r |  | 0.896 |  | 0.008 |  |
| Periodo 8r |  | 2.753 |  | 1.237e -4 |  |
|  | | | | | |

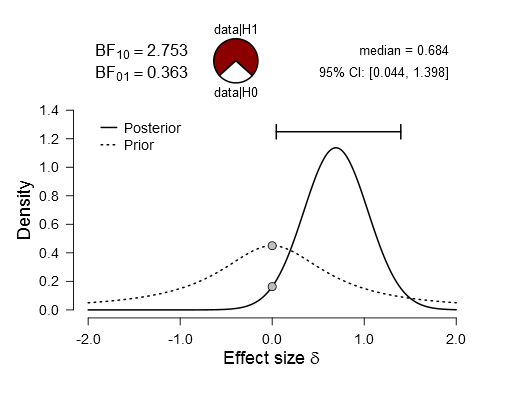
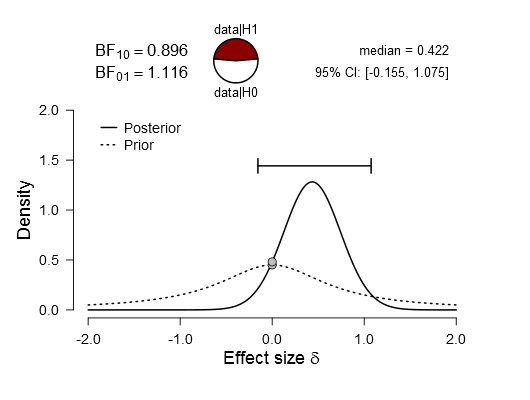
Tabla 25. Subjuego 2. Diferencias relativas. Se omite la multiplicación por *p*. Participantes D y E.

| **Bayesian One Sample T-Test** | | | | | |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | | **BF₀₁** | | **error %** | |
| Periodo 5r |  | 4.076 |  | 0.022 |  |
| Periodo 6r |  | 1.932 |  | 0.010 |  |
| Periodo 7r |  | 4.066 |  | 0.022 |  |
| Periodo 8r |  | 0.048 |  | 3.096e -4 |  |
|  | | | | | |

Figura 14. Subjuego 2. Diferencias relativas. Se omite la multiplicación por *p*. Participante A.

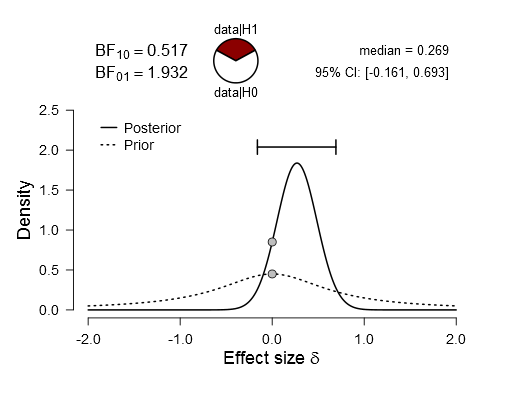
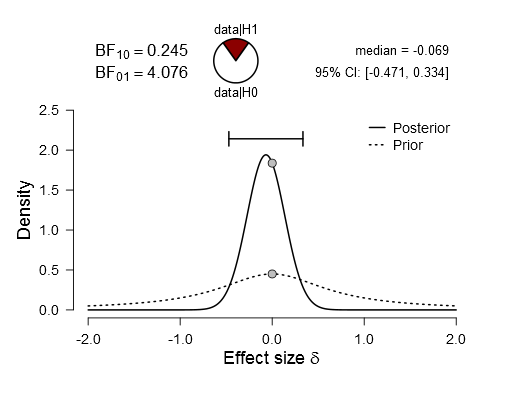


Periodo 5 Periodo 6

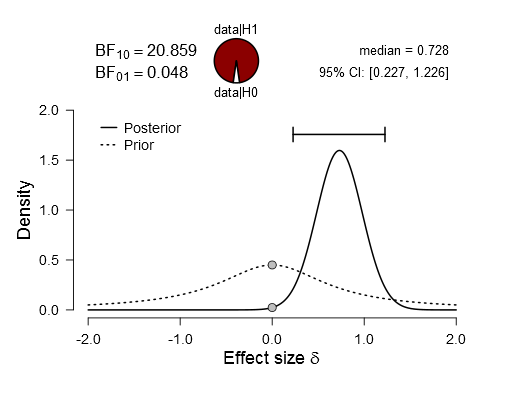
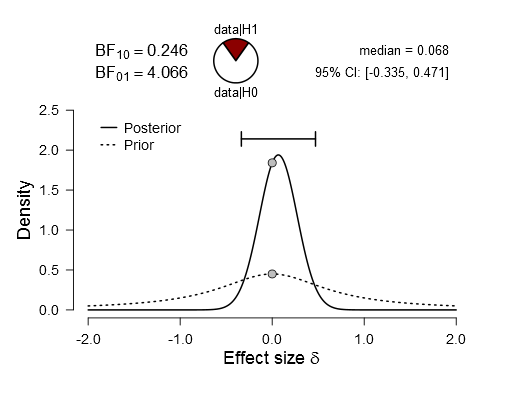


Periodo 7 Periodo 8

Figura 15. Subjuego 2. Diferencias relativas. Se omite la multiplicación por *p*. Participantes D y E.



Periodo 5 Periodo 6



Periodo 7 Periodo 8

* 1. ¿Las creencias se vuelven más precisas con la experiencia?

Se contabilizaron las veces en que los participantes ganaron puntos en el juego cuando sus creencias estuvieron cerca de la elección real de los otros jugadores (5 números por arriba o por debajo) en el periodo 1 y en el periodo 2. Para el participante A, que adquiere experiencia en el subjuego 1, se observó un aumento en la cantidad de veces que sus creencias se acercan a la elección de los otros jugadores, obteniendo 32.50% de los puntos disponibles en el subjuego 1, y 41.25% en el subjuego 2. Sin embargo, esta diferencia no fue significativa (t = -1.312, p = 0.197). Para el resto de los participantes tampoco se observaron diferencias significativas en su habilidad para predecir las elecciones de los otros jugadores, ya que los participantes B y C que participaron en el subjuego 1 obtuvieron el 33.125% de los puntos disponibles, mientras que los participantes D y E obtuvieron el 35% de los puntos posibles en el subjuego 2 (t = -0.349, p = 0.728).

1. **Discusión**

Se utilizaron dos métodos diferentes para medir la diferencia entre creencias y elecciones en p-beauty contest. Por un lado, la diferencia normalizada entre creencias y elecciones pondera las diferencias por el número promedio de cada periodo, mientras que la diferencia relativa las pondera por el valor intermedio entre la creencia y la elección.

Ambas medidas ponderan las diferencias compensando la tendencia de las elecciones de los jugadores a converger hacia el equilibrio cuando el juego se repite. La diferencia relativa se calcula únicamente a partir de la creencia y elección del jugador para el que se está calculando, mientras que la diferencia normalizada depende de la elección de todos los jugadores en el periodo para el que se está calculando la diferencia.

Si bien estas dos medidas producen valores diferentes para cada jugador en cada periodo, se observan resultados en común:

Cuando los jugadores no tienen experiencia, son inconsistentes entre sus creencias y sus elecciones. Esto se observó en los primeros periodos del subjuego 1 para todos los jugadores y en el subjuego 2 para los jugadores que no habían participado en el subjuego anterior.

Las inconsistencias se reducen o desaparecen conforme los participantes adquieren experiencia en el juego. Quienes comienzan el juego sin experiencia dejan de mostrar inconsistencias en los últimos periodos del subjuego, mientras que los jugadores que adquirieron experiencia de un subjuego anterior muestran consistencia entre sus creencias y elecciones en todos los periodos del segundo subjuego.

Las creencias de los participantes sobre las elecciones de los otros jugadores permiten calcular cuál era su estimado del número promedio y del número objetivo. En promedio, las elecciones reales de los jugadores están por arriba de sus creencias sobre el número objetivo, y por debajo de sus creencias sobre el número promedio.

Se consideró la posibilidad de que las inconsistencias observadas en algunos casos, se debieran a que los jugadores no tomaban en consideración que el número promedio debía multiplicarse por *p* para elegir su número. Al calcular las diferencias entre creencias y elecciones omitiendo la multiplicación por *p*, se observó que la elección de los participantes es más consistente con no considerar la multiplicación por *p* en los primeros periodos, pero conforme adquieren experiencia (en los últimos periodos de los subjuegos, o durante todo el segundo subjuego en el caso de los jugadores que participan en ambos), su elección se acerca más a sus creencias multiplicadas por *p*. Este resultado indica que los participantes no incorporaron la multiplicación por *p* originalmente, pero aprendieron a hacerlo al adquirir experiencia en el juego. No es posible determinar, sin embargo, si incorporan el cálculo explícitamente, o simplemente aprenden de forma intuitiva a elegir números que se acercan más al número objetivo.

Para prevenir la convergencia al equilibrio, en el segundo subjuego de cada sesión se introdujeron jugadores sin experiencia previa en el juego. Con esto se consiguió provocar un efecto de reset en las elecciones de los jugadores con experiencia.

Estos resultados resaltan la importancia de la experiencia

1. **Conclusión**

Se realizó un experimento de *p*-beauty contest repetido con una variación del método de evocación de creencias presentado por Lahav (2015) con provocación de creencias. De acuerdo con investigaciones previas (Lahav, 2015), se encontró que, al principio del juego, las elecciones no son un reflejo de las creencias, al demostrar una diferencia significativa entre lo que los participantes piensan sobre las elecciones de los otros jugadores y lo que se estimaría sobre sus creencias basándose en sus elecciones reales.

También se encontró que en muchos casos omiten la multiplicación por p.

Sin embargo, estos dos resultados se revierten conforme los jugadores adquieren experiencia en el juego.

**Referencias**

Agranov, M., Potamites, E., Schotter, A., & Tergiman, C. (2012). Beliefs and endogenous cognitive levels: An experimental study. *Games and Economic Behavior*, 75(2), 449-463.

Keynes, J. (1956). M. 1936. *The general theory of employment, interest and money*, 154-6.

Lahav, Y. (2015). Eliciting beliefs in beauty contest experiments. *Economics Letters*, 137, 45-49.

Nagel, R. (1995). Unraveling in guessing games: An experimental study*. The American Economic Review*, 1313-1326.

Slonim, R. L. (2005). Competing against experienced and inexperienced players. Experimental Economics, 8(1), 55-75.

Stahl, D. O., & Wilson, P. W. (1995). On players models of other players: Theory and experimental evidence. *Games and Economic Behavior*, 10(1), 218-254.

**Apéndice**

*Instrucciones para todos los participantes al inicio de la sesión:*

Hola a todos y gracias por venir. Este es un experimento sobre toma de decisiones y no queremos que influyan sobre las decisiones de los demás. Por lo tanto, no está permitido que hablen o se comuniquen entre ustedes.

Si tienen alguna duda levanten la mano e iré a su lugar para resolverla.

En este experimento, van a participar en un juego que se repite cuatro veces. Llamaremos a cada repetición del juego un “Periodo”. En el juego sólo participan tres personas. Mediante un sorteo, elegiremos a tres de ustedes para que jueguen primero, mientras los otros dos esperarán en otra aula. Cuando las primeras tres personas terminen de jugar por cuatro periodos, se elegirá a una de estas tres personas para que juegue junto con las dos personas que estaban esperando. Cuando este segundo grupo termine de jugar cuatro veces, terminará el experimento.

En cada periodo podrán ganar puntos de juego. Por el hecho de participar en este experimento, todos tienen medio punto sobre su examen parcial, y al final de los cuatro periodos, el participante que haya acumulado más puntos de juego ganará otro medio punto sobre su examen parcial, por lo que pueden ganar hasta un punto completo sobre su examen. En caso de empates, el medio punto se dividirá entre los ganadores. En cada periodo, un jugador puede ganar hasta 8 puntos de juego, pero esto dependerá del desempeño de todos los participantes.

[Entregar cuatro (4) formatos de respuesta a cada participante. Cada participante debe recibir formatos con los números del 1 al 4 y con su clave personal.]

Le estoy entregando cuatro formatos de respuesta a cada uno. Noten que los formatos que cada uno recibió tienen una combinación de números y letras en la celda llamada “Clave”. Esta clave es única para cada uno de ustedes y la usaremos para identificarlos.

Los formatos también contienen una celda llamada “Periodo” que contiene un número del 1 al 4. En cada periodo de juego, usarán únicamente el formato de respuesta que corresponda al periodo que se está jugando, es decir, el formato que dice Periodo 1 en el primer juego, el formato que dice Periodo 2 en el segundo juego, y así sucesivamente.

¿Cómo se juega? En cada periodo, cada jugador debe elegir un número entero entre el 0 y el 100. Deberán escribir su número en el formato de respuesta, en la celda llamada “Mi Número Elegido”. No dejen que los otros participantes conozcan el número que eligieron.

El ganador de ese periodo será el participante cuyo número elegido esté lo más cercano posible al Número Objetivo de ese periodo. ¿Cuál es el Número Objetivo? El Número Objetivo se calcula de la siguiente manera:

Se obtiene el promedio de los números elegidos por cada jugador, es decir, se suman los tres números y se divide entre 3. Después, este número promedio se multiplica por 2/3, es decir se multiplica por 2 y se divide entre 3. El resultado es el Número Objetivo.

En otras palabras, para ganar deberán elegir un número que crean que estará lo más cerca posible al promedio de los números elegidos por todos los participantes, multiplicado por 2/3. El ganador obtendrá 6 puntos de juego. Si dos o los tres de ustedes eligen números igual de cercanos al Número Objetivo, los 6 puntos de juego se dividirán equitativamente entre todos los participantes ganadores.

Como verán, hay una celda más en su formato de respuesta, llamada “Números de los otros Jugadores” que contiene espacio para que escriban dos números. Lo que deben hacer en cada periodo después de elegir su propio número es escribir en esta celda dos números enteros que ustedes crean que estarán lo más cerca posible a los números que van a elegir los otros dos participantes. En otras palabras, deben intentar adivinar qué números elegirán los otros jugadores.

Ganarán 1 punto de juego si uno de los otros participantes elige para el juego un número hasta 5 números por arriba o por debajo de uno de los números que escribieron en la celda de “Números de los otros Jugadores”. Ganarán otro punto de juego si el otro participante elige un número hasta 5 números por arriba o por debajo de su segundo número escrito en la celda de “Números de los otros Jugadores”.

Es decir, sólo ganarán dos puntos si sus dos números se acercan a los dos números de los otros jugadores.

[Dibujar en el pizarrón: X +-5 Y +-5]

Ustedes eligen dos “Números de los otros Jugadores”, X y Y. Si ambos jugadores eligen un número que está dentro del rango de X +-5, pero ninguno de los dos entra en el rango de Y+-5, entonces sólo ganarán un punto. Para que sea posible ganar el segundo punto, el número de uno de los otros jugadores debe caer dentro de X+-5 y el otro dentro del rango de Y+-5. Si creen que los otros jugadores van a elegir números muy cercanos, es válido elegir números muy cercanos o incluso iguales.

Recuerden, los números que elijan para la celda “Números de los otros Jugadores” NO influyen en el valor del Número Objetivo ni influyen en determinar qué jugador gana en cualquier periodo. Los números de esta celda únicamente sirven para ganar puntos ADICIONALES si adivinan los números que los otros participantes escribieron en la celda “Mi Número Elegido”.

Una vez que hayan llenado todas las celdas del formato de respuesta para el periodo actual, coloquen su formato boca abajo y esperen a que los otros participantes terminen y hagan lo mismo. Una vez que todos hayan terminado, pasaré a sus lugares a recoger sus formatos de respuesta para este periodo. Escribiré en el pizarrón los tres números elegidos sin indicar a quién corresponde cada número, y usaré los números elegidos para calcular el promedio, que escribiré en el pizarrón. Multiplicaré el promedio por 2/3 y escribiré este número, que será el Número Objetivo, en el pizarrón.

Revisaré cuál de los tres números elegidos es el más cercano al Número Objetivo, y si los números que escribieron en la celda “Números de los otros Jugadores” acertaron a los números elegidos por sus oponentes. En función a esto registraré cuántos puntos obtuvo cada quien en este periodo y se los haré saber de forma individual.

Borraré los números escritos en el pizarrón y comenzaremos el siguiente periodo, repitiendo el proceso.

[Las personas con las claves A, B, y C juegan primero].

*Instrucciones para los participantes del subjuego 2:*

Les repito brevemente las instrucciones. Van a repetir un juego cuatro veces. En cada repetición, o periodo, van a elegir un número entero entre 0 y 100 que escribirán en la celda “Mi Número Elegido”. Ganará 6 puntos de juego el participante que haya elegido el número más cercano al promedio de los números elegidos por los todos participantes, multiplicado por 2/3.

En la celda “Números de los otros Jugadores” deben escribir dos números enteros que crean que estarán lo más cerca posible de los números elegidos por los otros participantes. Ganaran 1 punto de juego por cada número que hayan escrito en esta celda que esté 5 números por arriba o por debajo de un número elegido por los otros jugadores.

Recuerden que uno de ustedes ya ha jugado este juego, mientras que dos de ustedes nunca lo han jugado.

*Formato de respuesta:*

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Clave  S1A | Mi Número Elegido  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ | Números de los otros jugadores  \_\_\_\_\_\_\_\_\_ y \_\_\_\_\_\_\_\_\_ |
| Periodo  1 |